

# فهرست مطالب

## فصل اول: عددهای صحیح و گویا

۲۹ ضرب و تقسیم عددهای گویا



۳۳ آزمون جمع‌بندی فصل



۱۷۲ پاسخ‌های تشریحی فصل اول



۱۰ یادآوری عددهای صحیح



۱۵ معرفی عددهای گویا



۲۳ جمع و تفریق عددهای گویا



## فصل دوم: عددهای اول

۴۴ آزمون جمع‌بندی فصل



۱۸۱ پاسخ‌های تشریحی فصل دوم



۳۵ یادآوری عددهای اول



۴۰ تعیین عددهای اول



## فصل سوم: چندضلعی‌ها

۶۳ زاویه‌های خارجی



۶۷ آزمون جمع‌بندی فصل



۱۸۸ پاسخ‌های تشریحی فصل سوم



۴۶ چندضلعی‌ها و تقارن



۵۱ توازی و تعامد



۵۷ چهارضلعی‌ها



۶۰ زاویه‌های داخلی



## فصل چهارم: جبر و معادله

۸۲ معادله



۸۵ آزمون جمع‌بندی فصل



۱۹۸ پاسخ‌های تشریحی فصل چهارم



۷۱ ساده کردن عبارت‌های جبری



۷۵ پیدا کردن مقدار یک عبارت جبری



۷۸ تجزیه عبارت‌های جبری



## فصل پنجم: بردار و مختصات

۹۸ آزمون جمع‌بندی فصل



۲۰۵ پاسخ‌های تشریحی فصل پنجم



۸۷ جمع بردارها



۹۲ ضرب عدد در بردار



۹۵ بردارهای واحد مختصات



## فصل ششم: مثلث

۱۱۱ همنوشتی مثلثهای قائم‌الزاویه



۱۱۶ آزمون جمع‌بندی فصل



۲۱۲ پاسخ‌های تشریحی فصل ششم



۱۰۱ رابطه فیثاغورس



۱۰۴ شکل‌های همنوشت



۱۰۷ مثلث‌های همنوشت



## فصل هفتم: توان و جذر

۱۳۵ خواص ضرب و تقسیم رادیکال‌ها



۱۳۳ آزمون جمع‌بندی فصل



۲۲۱ پاسخ‌های تشریحی فصل هفتم



۱۱۹ توان



۱۲۱ تقسیم اعداد توان دار



۱۲۳ جذر تقریبی



۱۲۶ نمایش اعداد رادیکالی روی محور اعداد



## فصل هشتم: آمار و احتمال

۱۴۵ بررسی حالت‌های ممکن



۱۵۰ آزمون جمع‌بندی فصل



۲۳۰ پاسخ‌های تشریحی فصل هشتم



۱۳۵ دسته‌بندی داده‌ها



۱۳۸ میانگین داده‌ها



۱۴۲ احتمال یا اندازه‌گیری شانس



## فصل نهم: دایره

۱۶۸ آزمون جمع‌بندی فصل



۲۳۹ پاسخ‌های تشریحی فصل هشتم



۱۵۳ خط و دایره



۱۵۷ زاویه‌های مرکزی



۱۶۲ زاویه‌های محاطی



۲۵۴ آزمون پایان نوبت دوم (۱)



۲۵۷ آزمون پایان نوبت دوم (۲)



۲۶۰ پاسخ‌های تشریحی آزمون‌های پایان نوبت



۲۵۰ آزمون پایان نوبت اول (۱)



۲۵۲ آزمون پایان نوبت اول (۲)



# درست‌نامه ۹ پرسش‌ها

[www.gajmarket.com](http://www.gajmarket.com)

فصل سوم:  
چندضلعی‌ها

۱۶

فصل دوم:  
عددهای اول

۳۵

فصل اول:  
عددهای صحیح و گویا

۱۰

فصل ششم:  
مثلث

۱۰

فصل پنجم:  
بردار و مختصات

۸۷

فصل چهارم:  
جبر و معادله

۷۱

فصل نهم:  
دایره

۱۵۳

فصل هشتم:  
آمار و احتمال

۱۳۵

فصل هفتم:  
توان و جذر

۱۱۹

## فصل اول

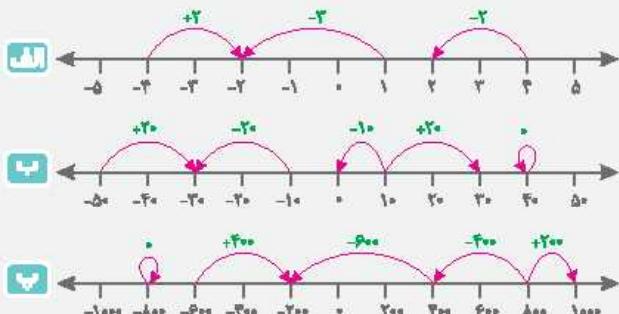
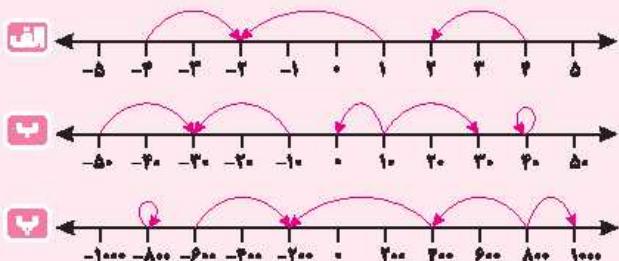
## عددهای صحیح و گویا

## درس اول: یادآوری عددهای صحیح



**یادآوری** هر حرکت روی محور اعداد رامی توان با یک عدد علامت دار نشان داد.

**مثال** برای هر حرکت، یک عدد علامت دار بنویسید.



دقت کنید که برای عدد صفر، علامت نمی‌گذاریم.

**یادآوری** برای نمایش جبری قرینهٔ هر عدد کافی است یک علامت منفی در سمت چپ آن عدد قرار دهیم:  $\square$  – یعنی قرینهٔ  $\square$ . همچنین قرینهٔ قرینهٔ هر عدد، برابر با خود آن عدد است. یعنی:

**مثال** جدول را کامل کنید.

عدد صحیح	۶	$-(-4)$	$-2$	$+2$
قرینهٔ آن		$-4$	$0$	$-4$

عدد صحیح	۶	۳	$-(-4) = 4$	۰	$-5$	$-2$	$-3$	$-4$	$+2 = 2$
قرینهٔ آن	$-6$	$-3$	$-4$	$0$	$-(-5) = 5$	$-(-2) = 2$	$3$	$+4 = 4$	$-2$



**یادآوری** حاصل جمع دو عدد صحیح هم علامت (هر دو مثبت یا هر دو منفی)، هم علامت با دو عدد اولیه است و مقدارش برابر مجموع مقدارهای آنهاست؛ مثلاً:

$$\begin{array}{r} \boxed{5} - \boxed{7} = -12 \\ 5 + 7 = 12 \end{array}$$



**بادآوری** حاصل جمع دو عدد صحیح با علامت‌های مختلف (یکی مثبت و یکی منفی). هم علامت با عددی است که مقدارش بیشتر است و مقدار حاصل جمع، برابر با اختلاف مقدارهای دو عدد اولیه است؛ مثلاً:

$$\begin{array}{r} \text{Y} > \text{B} \\ -\text{B} + \text{Y} = +\text{Y} \\ \text{Y} - \text{B} = \text{Y} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{B} < \text{A} \\ -\text{B} + \text{A} = +\text{A} \\ \text{A} - \text{B} = \text{A} \end{array}$$

**بادآوری** در ضرب و تقسیم دو عدد صحیح، اگر دو عدد اولیه هم علامت باشند، حاصل مثبت و اگر غیر هم علامت باشند حاصل منفی می‌شود؛ و مقدار حاصل ضرب یا تقسیم، به ترتیب برابر حاصل ضرب، یا حاصل تقسیم مقدارهای دو عدد اولیه است؛ مثلاً:

$$\begin{array}{r} \text{غیر هم علامت} \\ -20 \div (+4) = -5 \\ 20 \div 4 = 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{غیر هم علامت} \\ +7 \times (-5) = -35 \\ 7 \times 5 = 35 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{هم علامت} \\ 16 \div (-8) = +2 \\ 16 \div 8 = 2 \end{array}$$

حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

۱۷ + ۱۴ = ?

-۲۴ ÷ (-۶) = ?

-۴ + ۱۷ = ?

۴ × (-۳) = ?

-۳ × ۷ = ?

۸ × (+۳) = ?

$$\begin{array}{r} 17 > 14 \\ -17 + 14 = -3 \\ 17 - 14 = 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17 > 4 \\ -4 + 17 = +13 \\ 17 - 4 = 13 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{غیر هم علامت} \\ -3 \times 7 = -21 \\ 3 \times 7 = 21 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{هم علامت} \\ -24 \div (-6) = +4 \\ 24 \div 6 = 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{غیر هم علامت} \\ 4 \times (-3) = -12 \\ 4 \times 3 = 12 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{هم علامت} \\ 8 \times (+3) = +24 \\ 8 \times 3 = 24 \end{array}$$

**بادآوری** برای محاسبه حاصل عبارت‌های جبری، ابتدا اولویت با ضرب و تقسیم و سپس با جمع و تفریق است. توجه کنید که اگر چند ضرب و تقسیم متوالی پشت سر هم داشته باشیم، از سمت چپ یکی جلو می‌روم و حاصل را مرحله به مرحله به دست می‌آوریم؛ مثلاً برای محاسبه  $36 \div 9 \times 2$ ، ابتدا  $36 \div 9 = 4$  را محاسبه و جای‌گذاری می‌کنیم:

(اگر ابتدا  $9 \times 2$  را محاسبه کنیم، جواب نادرست به دست خواهد آمد!)

**بادآوری** در محاسبه حاصل عبارت‌های جبری، اگر عبارت شامل پرانتز بود، ابتدا باید حاصل عبارت جبری داخل پرانتز را به دست آوریم، سپس با حاصل پرانتز مانند یک عدد رفتار کنیم. همچنین اگر پرانتزهای تودر توداشته باشیم، اولویت با محاسبه داخلی‌ترین پرانتز است.

حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

-۸ - ۳ × ۵ = ?

-۴ ÷ ۴ - ۴ × ۳ = ?

-۱۶ ÷ ۲ × ۴ + ۲۴ = ?

(۱۸ ÷ ۲ × ۳) ÷ (۳ × ۴ - ۹) = ?

-۳ + ۲ × (۱ - (۱ - ۳)) = ?

$$-8 - 3 \times 5 = -8 - 15 = -23$$

$$-3 + 2 \times (1 - (1 - 3)) = -3 + 2 \times (1 - (-2)) = -3 + 2 \times 3 = -3 + 6 = +3$$

$$-4 \div 4 - 4 \times 3 = -1 - 12 = -13$$

$$-16 \div 2 \times 4 + 24 = -8 \times 4 + 24 = -32 + 24 = -8$$

$$(18 \div 2 \times 3) \div (3 \times 4 - 9) = (9 \times 3) \div (12 - 9) = 27 \div 3 = 9$$

در محاسبه جمع و تفریق چند عدد صحیح، اگر عده‌های قرینه وجود داشت، آن‌ها را با هم ساده می‌کنیم (خط می‌زنیم) چون حاصل جمع

آن‌ها صفر می‌شود؛ مثلاً:

$$25 + 3 + 12 - 4 = 28 - 16 = 12$$

$$25 + 8 - 1 - 15 = 25 + 8 - 25 = 8$$



در هر مورد، مجموع عددهارا به دست آورید.

$$\text{مثال } 4, 7, 10, \dots, 49$$

$$\text{مثال } +2, -6, +10, -14, \dots, +58, -62$$

**فاصله هر دو عدد متولی از هم ۳ تا است؛ بنابراین:**

$$\text{مثال } \frac{49-4}{3}+1=15+1=16, \quad \text{میانگین} = \frac{49+4}{2}=26, \quad \text{تعداد} = 26/5=424$$

**روش اول:** عددهای مثبت را به عنوان یک دسته و عددهای منفی را به عنوان یک دسته دیگر در نظر می‌گیریم. در این صورت، داریم:

$$\text{مثال } \frac{56-2}{8}+1=7+1=8, \quad \text{میانگین} = \frac{2+58}{2}=30$$

$$\Rightarrow 8 \times 30 = 240 = \text{میانگین} \times \text{تعداد} = \text{مجموع}$$

$$\text{مثال } \frac{-62+(-6)}{-6}+1=7+1=8, \quad \text{میانگین} = \frac{-62+(-6)}{2}=-34$$

$$\Rightarrow 8 \times (-34) = -272 = \text{میانگین} \times \text{تعداد} = \text{مجموع}$$

بنابراین جمع کل عددها برابر با  $-32 = -272 + 240$  است.

**روش دوم:** از سمت چپ، اعداد را دو تا دو تا در نظر می‌گیریم و حاصل را حساب می‌کنیم:

$$\text{مثال } +2-6+10-14+\dots+58-62 = \frac{-4-4-\dots-4}{4} \quad \text{تعداد عددهای ممکن} = 4$$

برای پیدا کردن تعداد  $(-4)$  ها کافی است تعداد کل اعداد را بر ۲ تقسیم کنیم (چون هر  $(-4)$ ) از جمع دو عدد متولی به دست آمده بود). پس:

$$(\frac{62-2}{4}+1) \div 2 = (\frac{60}{4}+1) \div 2 = (15+1) \div 2 = 16 \div 2 = 8$$
بنابراین حاصل جمع کل اعداد داده شده برابر است با  $-32 = 8 \times (-4)$ .

**نکته** در برخی سوالات عبارتی مثل  $(-9)(-6)(+3)(-6)(-5)$  داده می‌شود، که باید در جاهای خالی علامت‌های «+» یا «-» را به گونه‌ای قرار دهیم که حاصل بیشینه (بیشترین مقدار ممکن) یا کمینه (کمترین مقدار ممکن) شود؛ اگر بخواهیم حاصل بیشینه شود باید علامت‌گذاری‌ها به گونه‌ای باشند که تا جای ممکن عدددها مثبت شوند و اگر بخواهیم حاصل کمینه شود، باید علامت‌گذاری‌ها به گونه‌ای باشد که تا جای ممکن عدددها منفی شوند.

$$\text{مثال } -5 - (-6) (+3) (-9) = -5 + 6 + 3 + 9 = 13 \quad \text{بیشینه}$$

$$\text{مثال } -5 - (-6) (+3) (+9) = -5 - 6 - 3 - 9 = -23 \quad \text{کمینه}$$

در هر مورد، در جاهای خالی، علامت‌های «+» یا «-» را به گونه‌ای قرار دهید که یک بار حاصل بیشینه و یک بار کمینه شود.

$$\text{مثال } +3 \square (-1) \square (+2) \square (-4)$$

$$\text{مثال } -1 \square (-(-3)) \square (-2) \square (+4)$$

$$\text{مثال } +3 \square (-1) \square (+2) \square (-4) = +3 + 1 + 2 + 4 = 10 \quad \text{بیشینه}$$

$$\text{مثال } +3 \square (-1) \square (+2) \square (-4) = +3 - 1 - 2 - 4 = -4 \quad \text{کمینه}$$

$$\text{مثال } -1 \square (-(-3)) \square (-2) \square (+4) = -1 \square (+3) \square (-2) \square (+4)$$

$$\text{مثال } -1 \square (+3) \square (-2) \square (+4) = -1 + 3 + 2 + 4 = 8 \quad \text{بیشینه}$$

$$\text{مثال } -1 \square (+3) \square (-2) \square (-4) = -1 - 3 - 2 - 4 = -10 \quad \text{کمینه}$$

## پرسش‌های درس اول



درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.

- ۱ اگر دو عدد، هم علامت باشند، حاصل جمع آن‌ها مثبت و اگر غیر هم علامت باشند، حاصل جمع آن‌ها منفی است.
- ۲ تعداد اعداد صحیح بین  $-8$  و  $+4$ ،  $11$  است.
- ۳ عدد  $175$  - بزرگ‌ترین عدد صحیح کوچک‌تر از  $176$  - است.
- ۴ قرینه  $+32$  از نصف  $-66$  - بزرگ‌تر است.

جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.

- ۵ فاصله عدد  $-6$  و قرینه اش به یک اندازه است.
- ۶ مجموع اعداد صحیح بزرگ‌تر از  $-10$  -  $+8$ ، برابر با است.
- ۷ عدد از دو عدد  $-74$  و  $+68$  به یک فاصله است.
- ۸ بیشترین مقدار عبارت  $(+7) \square (-3)$   $-6$  برابر با است.

گزینه درست را مشخص کنید.

B	$-2$	C
-5	$-8$	+9
-2	D	A

صفر

با توجه به جدول مقابل که در آن، مجموع اعداد هر سطر و هر ستون با هم برابرند، به سؤال‌های ۹ و ۱۰ پاسخ دهید.

۹ به جای A کدام عدد قرار می‌گیرد؟

$+6$  ۱

-8 ۱

۱۰ حاصل C - B کدام است؟

-3 ۱

-10 ۲

+2 ۳

-2 ۲

-2 ۱

۱۱ بیشترین مقدار عبارت  $(-6) \square (-11) \square 22 \square 27 \square +2$  چقدر با کمترین مقدار آن اختلاف دارد؟ (در جاهای خالی علامت  $+$  یا  $-$  قرار دهید).

۳۸ ۲

۵۶ ۳

۸۸ ۲

۴۶ ۱

۱۲ حاصل ضرب بیشترین مقدار در کمترین مقدار عبارت  $9 \times \frac{1}{3} \times 12$  چند است؟ (در جاهای خالی علامت  $\times$  یا  $\div$  قرار دهید).

۱۴۴ ۲

۹۰ ۳

۷۲ ۲

۳۶ ۱

به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

۱۳ هر عبارت به چه عددایی اشاره دارد؟

الف) عدهای صحیح بین  $-5$  و  $4$

هر عبارت به چه عددی اشاره دارد؟

الف) بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی

الف) کوچک‌ترین عدد طبیعی دورقمی

الف) بزرگ‌ترین عدد صحیح دورقمی فرد منفی

۱۴ حاصل عبارت‌های زیر را محاسبه کنید.

الف)  $-7+8-13+12-20+23=?$

الف)  $-7+8+6+7-6-8=?$

الف)  $12-2^2+3^2-4^2+5^2=?$

الف)  $2-(-4-(1-1))-1=?$

الف)  $3-4 \times 6-3 \times 4+6=?$

الف)  $12-4 \div 2=?$

۱۵ حاصل عبارت‌های زیر را با دسته بندی مناسب اعداد و تبدیل جمع به ضرب به دست آورید.

الف)  $-2+4-3+5-7+9-15+17=?$

الف)  $-3-5-7+4+6+8=?$

الف)  $100-200+300-400+500-600=?$

الف)  $15+25+35+45-55-65-75-85=?$

الف)  $250-100+300-150+500-350+700-550=?$



در هر مورد در جاهای خالی، علامت مثبت یا منفی را به گونه‌ای قرار دهید که تساوی برقرار شود.

IV

$$\text{Q1} \quad -3 \bigcirc (-5) \bigcirc (+2) = -6$$

$$\text{Q2} \quad +6 \bigcirc (-8) \bigcirc (-5) = +9$$

$$\text{Q3} \quad +1 \bigcirc (-2) \bigcirc (+3) \bigcirc 200 = 206$$

حاصل هریک از عبارت‌های زیر را به دست آورید.

V

$$\text{Q4} \quad 14+16+18+\cdots+76=?$$

$$\text{Q5} \quad (-1+2) \times (-9+2) \times (-8+2) \times \cdots \times (9+2) \times (1+2)=?$$

$$\text{Q6} \quad 20+21+22+\cdots+80=?$$

## درس دوم: معرفی عددهای گویا



**• عددهای گویا:** هر عدد که بتوان آن را به صورت کسر  $\frac{a}{b}$  نوشت که در آن  $a$  و  $b$  هر دو عدد صحیح و  $b \neq 0$  باشد، یک عدد گویا است. مثلاً  $\frac{1}{5}$  عدد گویاست؛ زیرا  $\frac{3}{5} = \frac{1}{5}$ ؛ همچنین:

$$-\frac{3}{5} = -\frac{7}{2} \rightarrow \text{گویا}$$

$$-\frac{2}{25} = -\frac{9}{4} \rightarrow \text{گویا}$$

$$\frac{3}{7} = \frac{21+5}{7} = \frac{26}{7} \rightarrow \text{گویا}$$

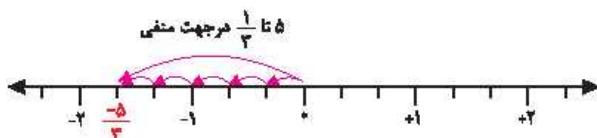
$$5 = \frac{1}{2} \rightarrow \text{گویا}$$

$$-\frac{7}{9} = -\frac{63+4}{9} = -\frac{67}{9} \rightarrow \text{گویا}$$

**• نمایش اعداد گویا روی محور:** برای نشان دادن عدد گویای  $\frac{a}{b}$  روی محور، ابتدا هر واحد محور را به  $b$  قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم (که در این صورت،

طول هر قسمت،  $\frac{1}{b}$  خواهد بود)، سپس از مبدأ به اندازه  $a$  تا  $\frac{1}{b}$  (بسته به علامت  $a$ ، درجهت مثبت یا منفی) حرکت می‌کنیم. مثلاً برای نشان دادن  $\frac{5}{3}$

روی محور، ابتدا هر واحد را به  $3$  قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم (طول هر قسمت  $\frac{1}{3}$  می‌شود)، سپس به اندازه  $5$  تا  $\frac{1}{3}$  درجهت منفی حرکت می‌کنیم:

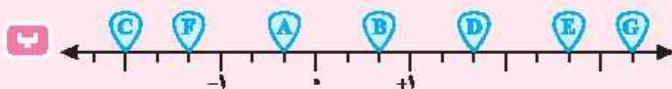


**• قرینه عدد گویا:** مانند آنچه برای عددهای صحیح داشتیم، با قرار دادن یک علامت منفی پشت یک عدد گویا، آن عدد گویا قرینه می‌شود

(در واقع ضرب در  $-1$  می‌شود). همچنین وقتی یک عدد گویا قرینه می‌شود، مکان آن روی محور، نسبت به مبدأ محور، قرینه می‌شود. مثلاً:

نقشه‌های مشخص شده روی محورها، چه عددهایی را نشان می‌دهند؟

VI



$$\text{Q1} \quad \text{A}: -1\frac{1}{2} = -\frac{3}{2} = -1\frac{1}{2}$$

$$\text{B}: +\frac{1}{2} = +0\frac{1}{2}$$

$$\text{C}: +\frac{6}{2} = +3$$

$$\text{D}: -\frac{6}{2} = -3$$

$$\text{E}: +4\frac{1}{2} = +\frac{9}{2} = +4\frac{1}{2}$$

$$\text{F}: +2\frac{1}{2} = +\frac{5}{2} = +2\frac{1}{2}$$

$$\text{Q2} \quad \text{A}: -\frac{1}{3}$$

$$\text{B}: +\frac{2}{3}$$

$$\text{C}: -\frac{6}{3} = -2$$

$$\text{D}: +1\frac{2}{3} = +\frac{5}{3}$$

$$\text{E}: +2\frac{2}{3} = +\frac{8}{3}$$

$$\text{F}: -1\frac{1}{3} = -\frac{4}{3}$$

$$\text{G}: +3\frac{1}{3} = +\frac{10}{3}$$

**روش پیدا کردن تعدادی کسر بین دو کسر داده شده:** فرض کنید می خواهیم بین دو کسر داده شده راهنمای مخرج مشترک آنها باشد. حال اگر صورت‌های این دو کسر هم مخرج شده، فاصله داشته باشد، می‌توانیم در صورت ۱-۱۱ عدد صحیح بین صورت‌ها قرار دهیم و در مخرج، ۱-۱۱ کسر بین دو کسر اولیه داشته باشیم.

**مثال** بین دو کسر  $\frac{1}{7}$  و  $\frac{9}{7}$  چهار کسر بنویسید.

**حل** کسرها هم مخرج‌اند، پس می‌توانیم با مخرج ۷ و صورت‌هایی از اعداد طبیعی بین ۱ و ۹، کسرهایی بین  $\frac{1}{7}$  و  $\frac{9}{7}$  بنویسیم:

$$\frac{1}{7}, \frac{2}{7}, \frac{3}{7}, \frac{4}{7}, \frac{5}{7}, \frac{6}{7}, \frac{7}{7}$$

**مثال** بین دو کسر  $\frac{3}{5}$  و  $\frac{4}{3}$  چهار کسر بنویسید.

**حل** ابتدا  $\frac{3}{5}$  و  $\frac{4}{3}$  را هم مخرج می‌کنیم:

$$\frac{3}{5} = \frac{9}{15}, \quad \frac{4}{3} = \frac{20}{15}$$

حال به راحتی چهار کسر جدید را می‌نویسیم. کافی است مخرج ۱۵ و صورت عددی بین ۹ و ۲۰ باشد:

$$\frac{3}{5} = \frac{9}{15}, \underbrace{\frac{10}{15}, \frac{13}{15}, \frac{15}{15}, \frac{19}{15}}_{\text{چهار کسر بین } \frac{3}{5} \text{ و } \frac{4}{3}}, \frac{20}{15} = \frac{4}{3}$$

**تمرین** گاهی پس از هم مخرج کردن دو کسر اولیه، فاصله صورت‌ها به اندازه‌ای نیست که بتوانیم به تعداد مورد نظر، کسر (بین آنها) بنویسیم. در این موارد، صورت و مخرج هر دو کسر اولیه را در عددی مناسب (بزرگ‌تر از یک)، ضرب می‌کنیم تا اختلاف صورت‌هایشان بیشتر شود و در نتیجه بتوانیم کسرهای خواسته شده را بنویسیم.

**مثال** بین دو کسر  $\frac{5}{3}$  و  $\frac{7}{4}$  پنج کسر بنویسید.

**حل** ابتدا دو کسر را هم مخرج می‌کنیم:

$$\frac{5}{3} = \frac{20}{12}, \quad \frac{7}{4} = \frac{21}{12}$$

بنابراین باید بین  $\frac{20}{12}$  و  $\frac{21}{12}$  پنج کسر بنویسیم. با توجه به اینکه فاصله صورت‌ها به اندازه کافی نیست، صورت و مخرج کسرها را در عددی (مثلث) ضرب می‌کنیم تا فاصله مناسبی بین صورت‌ها ایجاد شود:

$$\frac{20}{12} = \frac{120}{72}, \quad \frac{21}{12} = \frac{126}{72} \Rightarrow \frac{5}{3} = \frac{120}{72}, \underbrace{\frac{121}{72}, \frac{122}{72}, \frac{123}{72}, \frac{124}{72}, \frac{125}{72}, \frac{126}{72}}_{\text{پنج کسر بین } \frac{5}{3} \text{ و } \frac{7}{4}}, \frac{7}{4} = \frac{126}{72}$$

**تعیین علامت یک عدد گویا:** در بسیاری از مواقع با عددی‌ای گویایی رویه رهستیم که بیش از یک علامت در نمایش آن‌ها دیده می‌شود؛ مثلاً:

$$-\frac{2}{-3}, -\frac{+3}{-5}$$

در چنین شرایطی، بهتر است از ساده‌نویسی کمک بگیریم و به جای همه علامت‌ها، تنها از یک علامت استفاده کنیم. برای این کار، کافی است به تعداد منفی‌ها توجه کنیم. اگر فرد بود، برای عدد گویا، یک علامت منفی و اگر زوج بود، برای آن عدد گویا، علامت مثبت در نظر می‌گیریم که می‌توان آن را نوشت مانند:

$$-\frac{-2}{5} = +\frac{2}{5} = \frac{2}{5}, \quad -\frac{-4}{-3} = -\frac{4}{3}$$

تعداد منفی‌ها زوج است.



**۱۰** هر کسر را تها با یک علامت بنویسید.

**۱۱**  $\frac{-3}{-4} = ?$

**۱۲**  $\frac{-(-3)}{-(+5)} = ?$

**۱۳**  $-\frac{-4}{-(-5)} = ?$

**۱۴**  $\frac{-3}{-4} + \frac{3}{4}$  نتیجه عدد منفی ها زوج حاصل مثبت

**۱۵**  $\frac{-(-3)}{-(+5)} - \frac{3}{5}$  نتیجه عدد منفی ها فرد (۳ نا) حاصل منفی

**۱۶**  $-\frac{-4}{-(-5)} + \frac{4}{5}$  نتیجه عدد منفی ها زوج (۴ نا) حاصل مثبت

**۱۷**  $-\frac{-21 \times 45}{63 \times (-25)} = ?$

**۱۸**  $+\frac{36 \times (-14)}{56 \times (-18)} = ?$

**۱۹**  $-\frac{-21 \times 45}{63 \times (-25)}$  سه علامت منفی  
پس حاصل منفی

**۲۰**  $+\frac{36 \times (-14)}{56 \times (-18)}$  دو علامت منفی  
پس حاصل مثبت

## پرسش‌های درس دوم



درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.

**۲۱** قرینهٔ قرینهٔ قرینه ( $\frac{3}{4}$ ) $-$ ، عدد  $\frac{3}{4}$  است.

**۲۰** بین هر دو کسر متمایز، بی شمار کسر می‌توان نوشت.

**۲۱** بین ۳ و ۴ هیچ عدد گوایی وجود ندارد.

**۲۲** کسر  $\frac{-2}{9}$  بین دو کسر  $\frac{13}{7}$  و  $\frac{-17}{6}$  قرار دارد.

جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.

**۲۳** عدد  $\frac{25}{9}$ ، بین دو عدد صحیح متواتی و قرار دارد.

**۲۴** بزرگ‌ترین عدد صحیح کوچک‌تر از  $\frac{39}{7}$ ، عدد است.

**۲۵** قرینهٔ عدد مخلوط  $\frac{7}{8}$  برابر با کسر است.

**۲۶** نزدیک‌ترین عدد صحیح به  $\frac{7}{3}$ ، عدد  $\frac{19}{8}$ ، به  $\frac{7}{4}$ ، عدد و به  $\frac{23}{4}$  است.

گزینهٔ درست را مشخص کنید.

**۲۷** در بین اعداد زیر به ترتیب، چند عدد طبیعی و چند عدد صحیح وجود دارد؟

$$-(-\frac{4}{4}), -\frac{25}{6}, +\frac{9}{3}, -\frac{\sqrt{4}}{1}, \frac{1}{2^3}, 5, 6$$

**۳.۲**

**۳.۳**

**۲.۲**

**۲.۳**

**۲۸** کدام کسرین دو کسر  $\frac{6}{5}$  و  $\frac{27}{20}$  قرار ندارد؟

**-**  
**۲۲**

**-**  
**۸**

**-**  
**۴**

**-**  
**۵**

۲۹

اگر اعداد زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنیم، اختلاف سومین عدد و پنجمین عدد کدام است؟

$$-\frac{7}{3}, \frac{1}{2}, \frac{5}{6}, \frac{2}{5}, -1\frac{1}{4}, \frac{4}{7}$$

$$\frac{13}{30}$$

$$\frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{3}$$

$$\frac{6}{35}$$

$$\frac{(-72) \times (+36) \times 15}{(-16) \times (-81) \times (+45)} \text{ کدام است؟}$$

$$-\frac{1}{2}$$

$$-\frac{2}{3}$$

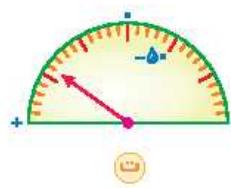
$$+\frac{3}{2}$$

$$-\frac{3}{4}$$

به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

هر عقربه چه عدد گویایی را نشان می‌دهد؟

۳۰



نوع	عدد	$-\frac{1}{2}$	$-(-(+)^2)$	$-\frac{6}{2}$	$\sqrt{9}$	$-\sqrt{25}$	۰	$-\frac{3}{5}$	$-\frac{8}{3}$	$-\frac{4}{2}$	$-\frac{1}{5^3}$	$\frac{12}{-4}$
طبیعی	x											
صحيح	x											
گویا	✓											

مانند نمونه، جدول را کامل کنید.

۳۱

هر کسر در سطر بالا رابه کسر مساوی اش در سطر پایین وصل کنید.

۳۲

$\frac{-3}{5}$	$\frac{-3}{6}$	$\frac{-3}{-4}$	$\frac{-3}{-4}$	$\frac{3}{-7}$	$\frac{-3}{-7}$
$\frac{3}{5}$	$\frac{-3}{2}$	$\frac{3}{7}$	$\frac{-3}{5}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{-3}{7}$

حاصل هریک از عبارت‌های زیر را به دست آورید.

۳۳

$$\textcircled{1} \quad \frac{(-2+(-3)) \times 4}{-2+(-3) \times 4} = ?$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{(-2-14) \div 2 \times 7 - (-1) - 3}{-2-14 \div 2 \times 7 - (-1-3)} = ?$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{-3 \times 15 \div [-5 - (-4)]}{-3 \times 15 \div (-5) - (-4)} = ?$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{(+72) \times (-25) \times 132}{(-69) \times (-77) \times 45} = ?$$

کسرهای زیر را تا حد امکان ساده کنید.

۳۴

$$\textcircled{5} \quad -\frac{108}{6} = ?$$

$$\textcircled{6} \quad +\frac{66}{42} = ?$$

$$\textcircled{7} \quad -\frac{90}{126} = ?$$

$$\textcircled{8} \quad -\frac{75}{48} = ?$$

$$\textcircled{9} \quad \frac{24}{36} = ?$$

$$\textcircled{10} \quad -\frac{88}{121} = ?$$

ابتدا علامت هر عبارت را تعیین و سپس آن را ساده کنید.

۳۵

$$\textcircled{11} \quad \frac{-8 \times (-18)}{12 \times 16} = ?$$

$$\textcircled{12} \quad -\frac{10 \times (-2)}{-7 \times 25} = ?$$

$$\textcircled{13} \quad -\frac{(-4) \times (-75)}{(-3) \times (+50)} = ?$$

$$\textcircled{14} \quad -\frac{-(5 \times 24)}{(-6) \times (-8)} = ?$$



در صورت امکان، هر عدد را در محل مناسب در جدول قرار دهید.

۳۷

$$\frac{17}{7}, \frac{1}{17}, -\frac{25}{7}, -\frac{8}{1000}, \frac{\sqrt{9}}{3}, -\frac{25}{6}, +1\frac{11}{21}, -1\frac{2}{17}$$

کوچک‌تر از $-3$ $x < -3$	بین $-3$ و $-2$ $-3 < x < -2$	بین $-2$ و $-1$ $-2 < x < -1$	بین $-1$ و صفر $-1 < x < 0$	بین صفر و $1$ $0 < x < 1$	بین $1$ و $2$ $1 < x < 2$	بزرگ‌تر از $2$ $x > 2$

اعداد زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنید.

۳۸

$$-\frac{6}{15}, \frac{11}{7}, \frac{0}{6}, \frac{1}{3}, -\frac{5}{3}, \frac{14}{7}, \frac{16}{5}, \frac{7}{9}, \frac{11}{4}, -\frac{9}{9}$$

پنج عدد گویا بین دو عدد  $\frac{\sqrt{25}}{8}$  و  $\frac{\sqrt{25}}{8}$  بنویسید.

۳۹

بین دو عدد  $\frac{1}{12}$  و  $\frac{1}{12}$  پنج عدد گویا بنویسید.

۴۰

بین دو عدد  $\frac{7}{15}$  و  $\frac{7}{15}$  پنج عدد گویا بنویسید.

۴۱

## درس سوم: جمع و تفریق عددهای گویا



• **محاسبه جمع و تفریق عددهای گویا:** برای جمع و تفریق عددهای گویا، اگر مخرج‌ها برابر باشند، یکی از مخرج‌ها را می‌نویسیم و صورت‌ها را باهم جمع یا تفریق می‌کنیم؛ مثلاً:

$$\frac{5}{3} + \frac{7}{3} = \frac{5+7}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

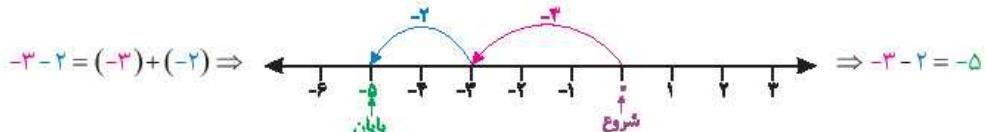
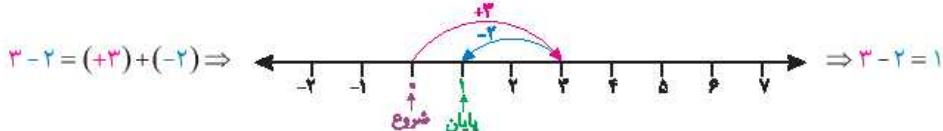
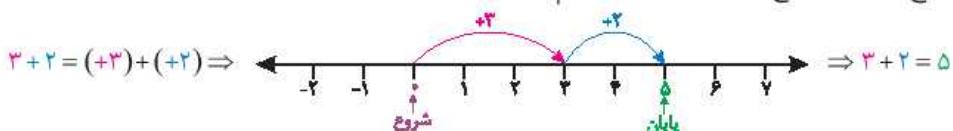
$$\frac{2}{7} - \frac{6}{7} = \frac{2-6}{7} = \frac{-4}{7}$$

و اگر مخرج‌ها برابر نباشند، ابتدا با محاسبه ک.م.م مخرج‌ها، آن‌ها را برابر می‌کنیم، سپس به روش بالا عمل می‌کنیم؛ مثلاً:

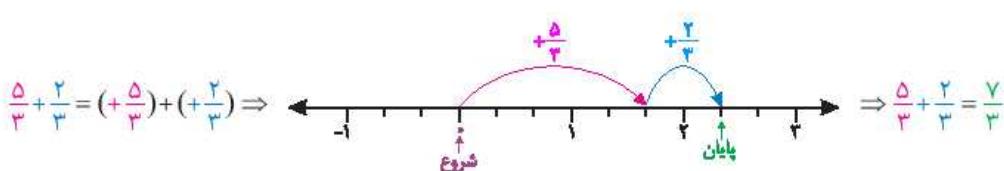
$$\frac{5}{3} + \frac{7}{2} = \frac{[2 \cdot 3] = 6}{6} = \frac{10 + 21}{6} = \frac{31}{6}$$

$$\frac{3}{5} - \frac{6}{7} = \frac{[5 \cdot 7] = 35}{35} = \frac{21 - 30}{35} = \frac{-9}{35}$$

**یادآوری** در سال گذشته آموختیم چگونه جمع دو عدد صحیح را روی محور نشان دهیم. مثلاً:



• **نمایش جمع و تفریق عددهای گویا روی محور:** حالا به روش مشابه جمع و تفریق اعداد صحیح، می‌توانیم جمع و تفریق اعداد گویا هم مخرج را بر روی محور نشان دهیم. برای این کار، اگر مخرج عددهای  $n$  باشد، باید هر واحد محور را به  $n$  قسمت مساوی تقسیم کنیم؛ سپس با توجه به دو عدد مورد نظر، دو پیکان متواالی روی محور رسم می‌کنیم (اولی با شروع از مبدأ و دومی با شروع از انتهای اولی). در این صورت انتهای پیکان دوم، عدد حاصل جمع دو عدد گویا را نشان می‌دهد. مثلاً:





هر عدد مخلوط را به صورت جمع یک عدد صحیح و یک عدد کسری بنویسید.

$$2\frac{1}{3}$$

$$-2\frac{1}{3}$$

$$4\frac{2}{3}$$

$$-3\frac{2}{3}$$

$$2\frac{1}{3} = 2 + \frac{1}{3}$$

$$-2\frac{1}{3} = -(2\frac{1}{3}) = -(2 + \frac{1}{3}) = -2 - \frac{1}{3}$$

$$4\frac{2}{3} = 4 + \frac{2}{3}$$

$$-3\frac{2}{3} = -(3\frac{2}{3}) = -3 - \frac{2}{3}$$

حاصل جمع و تفریق‌های زیر را به دست آورید.

$$2\frac{3}{4} + 3\frac{1}{6} = ?$$

$$-2\frac{1}{5} - 2\frac{5}{7} = ?$$

$$2\frac{3}{5} - 1\frac{2}{3} = ?$$

$$3\frac{2}{3} - 5\frac{1}{4} = ?$$

$$3\frac{1}{4} - 5\frac{2}{3} = ?$$

$$-2\frac{3}{5} + 1\frac{1}{3} = ?$$

$$2\frac{3}{4} + 3\frac{1}{6} = 2 + \frac{3}{4} + 3 + \frac{1}{6} = 2 + 3 + \frac{3}{4} + \frac{1}{6} = 5 + \frac{9+2}{12} = 5\frac{11}{12}$$

$$-2\frac{1}{5} - 2\frac{5}{7} = -2 - \frac{1}{5} - 2 - \frac{5}{7} = -2 - 2 - \frac{1}{5} - \frac{5}{7} = -5 - \frac{7+25}{35} = -5 - \frac{32}{35} = -5\frac{32}{35}$$

$$2\frac{3}{5} - 1\frac{2}{3} = 2 + \frac{3}{5} - 1 - \frac{2}{3} = 2 - 1 + \frac{3}{5} - \frac{2}{3} = 1 + \frac{9-10}{15} = 1 - \frac{1}{15} = \frac{14}{15}$$

$$3\frac{2}{3} - 5\frac{1}{4} = 3 + \frac{2}{3} - 5 - \frac{1}{4} = 3 - 5 + \frac{2}{3} - \frac{1}{4} = -2 + \frac{8-3}{12} = -2 + \frac{5}{12} = -1\frac{7}{12}$$

$$3\frac{1}{4} - 5\frac{2}{3} = 3 + \frac{1}{4} - 5 - \frac{2}{3} = 3 - 5 + \frac{1}{4} - \frac{2}{3} = -2 + \frac{3-8}{12} = -2 - \frac{5}{12} = -2\frac{5}{12}$$

$$-2\frac{3}{5} + 1\frac{1}{3} = -2 - \frac{3}{5} + 1 + \frac{1}{3} = -2 + 1 - \frac{3}{5} + \frac{1}{3} = -1 + \frac{-9+5}{15} = -1 - \frac{4}{15} = -1\frac{4}{15}$$

## پرسش‌های درس سوم



درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.

۴۲ حرکتی که از نقطه  $\frac{1}{3}$ - آغاز شود و در نقطه  $-2$ - به پایان برسد، متناظر با عدد  $\frac{4}{3}$ - است.

۴۳ صفر منهای هر عدد گویا، برابر با قرینه آن عدد است.

۴۴ جمع و تفریق عده‌های مخلوط را نمی‌توان روی محور نشان داد.

۴۵ عبارت  $\frac{3}{7} - 4$ - برابر است با  $\frac{3}{7} + 4$ -.

جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.

۴۶ برای محاسبه  $\frac{13}{5} - \frac{7}{3}$  به کمک محور، باید هر واحد را حداقل به قسمت مساوی تقسیم کنیم.

۴۷ حاصل  $\frac{4}{7} - 5$ - به صورت عدد مخلوط برابر با است.

۴۸ اگر از نقطه  $\frac{1}{3}$ - به نقطه  $\frac{5}{7}$ - برویم، حرکت انجام شده است.

۴۹ عدد  $\frac{91}{15}$ - برابر با عدد صحیح است.



## درس چهارم: ضرب و تقسیم عددهای گویا



● **علامت ضرب و تقسیم دو عدد گویا:** تعین علامت ضرب یا تقسیم دو عدد گویا، طبق همان قاعده کلی است که برای علامت ضرب و تقسیم اعداد صحیح داشتیم؛ یعنی اگر دو عدد اولیه هم علامت باشند، حاصل مثبت و اگر غیرهم علامت باشند، حاصل منفی خواهد بود.

● **حاصل ضرب دو عدد کسری:** برای محاسبه حاصل ضرب دو عدد کسری، صورت ها را در هم و مخرج ها را در هم ضرب می کنیم. مثلاً:

$$\frac{3}{4} \times \frac{5}{7} = \frac{3 \times 5}{4 \times 7} = \frac{15}{28}$$

اگر عددی در صورت هر یک از کسرها با عددی در مخرج یکی از کسرها ساده شود، می توانیم ابتدا آن ها را ساده کنیم؛ مثلاً:

$$\frac{\cancel{15}}{7} \times \frac{3}{\cancel{7}} = \frac{3 \times 3}{7 \times 2} = \frac{9}{14}$$

$$\frac{\cancel{15}}{7} \times \frac{3}{\cancel{7}} = \frac{\cancel{15}}{1} \times \frac{3}{1} = 3$$

$$-\frac{\cancel{15}}{7} \times \frac{\cancel{25}}{4} = -\frac{15}{4}$$

$$(-\frac{\cancel{15}}{7}) \times (-\frac{\cancel{25}}{4}) = +\frac{15}{4}$$

برای محاسبه حاصل ضرب، اگر یکی از عددها یا هر دو عدد به صورت عدد مخلوط بودند، ابتدا آن ها را به کسر تبدیل می کنیم؛ مثلاً:

$$\frac{12}{3} \times \frac{21}{4} = \frac{5}{\cancel{4}} \times \frac{9}{\cancel{4}} = \frac{15}{4}$$

**حاصل ضرب های زیر را محاسبه کنید.**

۱)  $-\frac{6}{7} \times \frac{21}{9} = ?$

۲)  $-\frac{16}{3} \times (+\frac{9}{4}) = ?$

۳)  $\frac{2}{7} \times (-\frac{3}{2}) = ?$

۴)  $(-\frac{1}{2}) \times (-\frac{4}{7}) = ?$

۱)  $-\frac{\cancel{12}}{7} \times \frac{\cancel{21}}{9} = -2$

۲)  $-\frac{\cancel{16}}{3} \times (+\frac{9}{4}) = -4 \times 3 = -12$

۳)  $\frac{2}{7} \times (-\frac{3}{2}) = -\frac{2}{7} \times \frac{3}{2} = -\frac{\cancel{2}}{1} \times \frac{\cancel{3}}{1} = -1$

۴)  $(-\frac{1}{2}) \times (-\frac{4}{7}) = (-\frac{\cancel{1}}{2}) \times (-\frac{\cancel{4}}{7}) = +6$

● **معکوس یک عدد:** معکوس یک عدد گویا مثل  $\frac{a}{b}$  برابر است با  $\frac{b}{a}$  که در آن  $a$  و  $b$  غیرصفر هستند؛ مثلاً:

$$\frac{3}{2} = \text{معکوس } \frac{2}{3} \quad \frac{1}{5} = \text{معکوس } \frac{3}{1} \quad \frac{2}{2} = \text{معکوس } 5 \quad \frac{1}{2} = \text{معکوس } \frac{5}{2} \quad \frac{4}{3} = \text{معکوس } \frac{-3}{4}$$

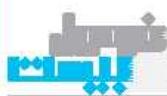
تنها عددی که معکوس ندارد، صفر است؛ زیرا کسری که مخرج آن صفر باشد، تعریف نشده است.

برای معکوس کردن یک عدد مخلوط، ابتدا آن را به کسر تبدیل می کنیم؛ مثلاً:

$$\frac{2}{3} = \text{معکوس } \frac{3}{2}$$

**حاصل ضرب یک عدد در معکوسش، همواره برابر ۱ می شود؛ مثلاً:**

$$2 \times \frac{1}{2} = 1 \quad , \quad -3 \times (-\frac{1}{3}) = 1 \quad , \quad \frac{2}{3} \times \frac{3}{2} = 1 \quad , \quad (-\frac{3}{5}) \times (-\frac{5}{3}) = 1 \quad , \quad \dots$$



۱۰)  $1 \div \frac{4}{9} = \boxed{\phantom{0}}$

۱۱)  $1 \div \boxed{\phantom{0}} = 2\frac{1}{2}$

۱۲)  $1 \div \boxed{\phantom{0}} = -\frac{8}{3}$

۱۳)  $\frac{1}{\boxed{\phantom{0}}} = -\frac{7}{6}$

جاهای خالی را با عدد مناسب پر کنید.

۱۴)  $\boxed{\phantom{0}} \div \frac{7}{4} = \frac{4}{7}$

۱۵)  $1 \div \frac{4}{9} = \frac{9}{4}$

۱۶)  $1 \div (-\frac{3}{8}) = -\frac{8}{3}$

۱۷)  $1 \div \frac{7}{4} = \frac{4}{7}$

۱۸)  $2\frac{1}{2} = \frac{5}{2} \Rightarrow 1 \div \boxed{\phantom{0}} = \frac{5}{2} \Rightarrow 1 \div \frac{2}{5} = \frac{5}{2}$

۱۹)  $\frac{1}{\frac{5}{6}} = -\frac{7}{6}$

با توجه به نکته فوق داریم:

**۲۰)**  $\frac{5}{4} = 5 \div 4 = 1,25$

حال این عده‌های اعشاری برابر با عده‌های گویا، به دو دسته تقسیم می‌شوند: یک دسته عده‌های اعشاری با تعداد ارقام محدود بعد از ممیز و دسته دیگر اعداد اعشاری با تعداد ارقام نامحدود بعد از ممیز، مثلاً:  $\frac{1}{125}, \frac{1}{200}, \dots$  : ارقام اعشاری محدود و  $\frac{1}{333}, \dots, \frac{5}{6} = 0,8333\dots, \frac{1}{11} = 0,90909090\dots, \dots$  : ارقام اعشاری نامحدود

هر عدد گویا برابر با یک عدد اعشاری است: مثلاً:

## پرسش‌های درس چهارم

درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.

۵۲) معکوس عدد صفر، برابر خودش است.

۵۳) معکوس قرینهٔ ثلث خمس، ۱۲۰، برابر با  $\frac{1}{8}$  است.

۵۴) کسر  $\frac{3}{16}$  همان عدد اعشاری  $0,1875$  است.

۵۵) اگر کسر  $\frac{(-5)}{(+6)}$  را معکوس و بر  $\frac{3}{4}$ - تقسیم کنیم، حاصل  $1/8$  می‌شود.

جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.

۵۶) معکوس معکوس هر عدد غیرصفر برابر با \_\_\_\_\_ است.

۵۷) حاصل ضرب قرینهٔ هر عدد غیرصفر در معکوس آن عدد، برابر با \_\_\_\_\_ است.

۵۸) حاصل ضرب هر عدد گویای غیر صفر، در قرینهٔ معکوسش، برابر با \_\_\_\_\_ است.

۵۹) بزرگ‌ترین عددی که معکوسش با خودش برابر است، عدد \_\_\_\_\_ است.

گزینهٔ درست را مشخص کنید.

۶۰) در تساوی مقابل، به جای  $\boxed{\phantom{0}}$  کدام عدد قرار می‌گیرد؟

$\frac{1}{3} \times \boxed{\phantom{0}} = -1$

$-\frac{3}{5} \boxed{\phantom{0}}$

$-\frac{3}{1} \boxed{\phantom{0}}$

$-\frac{3}{10} \boxed{\phantom{0}}$

$-\frac{1}{3} \boxed{\phantom{0}}$

۷۰)

ورودی ماشین مقابل کدام است؟



$\frac{5}{12} \boxed{\phantom{0}}$

$\frac{65}{48} \boxed{\phantom{0}}$

$+\frac{135}{832} \boxed{\phantom{0}}$

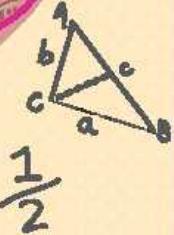
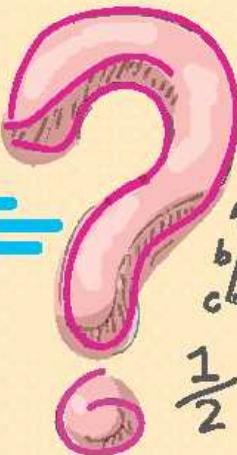
$-\frac{81}{520} \boxed{\phantom{0}}$

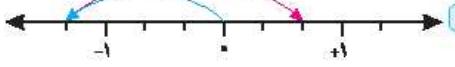
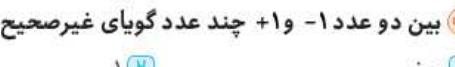
۷۱)



1

## آزمون جمع‌بندی



ردیف	آزمون فصل ۱	عددهای صحیح و گویا	مدت زمان: ۷۵ دقیقه	بارم
۸۲	<p>درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.</p> <p>(۱) قرینهٔ هر عدد صحیح غیرطبیعی، از خودش بزرگ‌تر است.</p> <p>(۲) همواره بین هر دو عدد گویا، می‌توان بین شمار عدد گویا نوشت.</p> <p>(۳) عدد مخلوط <math>\frac{4}{5}</math>- برابر با <math>3\frac{4}{5}</math>- است.</p> <p>(۴) حاصل ضرب هر عدد غیر صفر در قرینهٔ معکوس خودش، ۱- می‌شود.</p>			۱
۸۳	<p>جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>(۱) بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی دورقمی فرد که ارقام تکراری ندارد، عدد _____ است.</p> <p>(۲) بزرگ‌تر از صفر، قابل تعیین کردن نیست. (گویا / صحیح / حسابی)</p> <p>(۳) عدد <math>\frac{11}{13}</math>- را می‌توانیم به عدد صحیح گرد کنیم.</p> <p>(۴) تعداد عددهایی که با معکوسشان برابر هستند _____ است.</p>			۱
۸۴	<p>گزینهٔ درست را مشخص کنید.</p> <p>(۱) کدام گزینه نشان‌دهندهٔ عبارت <math>\frac{4}{3} + \frac{5}{3} = \frac{1}{3}</math>- است؟</p>       <p>(۱) بین دو عدد <math>-1</math> و <math>+1</math> چند عدد گویای غیرصحیح وجود دارد؟</p> <p>(۲) صفر</p> <p>(۳) <math>\frac{5}{27}</math></p> <p>(۴) <math>\frac{5}{27}</math></p> <p>(۵) از تساوی <math>\frac{-x}{3} = -1</math>، مقدار <math>x</math> کدام است؟</p> <p>(۶) <math>-\frac{5}{4}</math></p> <p>(۷) <math>\frac{5}{4}</math></p> <p>(۸) معکوس کدام عدد از خودش بزرگ‌تر است؟</p> <p>(۹) <math>-1</math></p> <p>(۱۰) <math>-\frac{1}{4}</math></p>			۱
۸۵	<p>به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.</p> <p>چند عدد طبیعی، صحیح و گویا در بین اعداد زیر وجود دارد؟</p> <p>(۱) <math>-\frac{5}{3}</math>, <math>-\frac{400}{50}</math>, <math>\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{4}}</math>, <math>0/9</math>, <math>-5^\circ</math>, <math>\frac{31}{1}</math></p>			۱

ردیف	آزمون فصل ۱	عددهای صحیح و گویا	مدت زمان: ۷۵ دقیقه	بارم
۸۶	دماهی تبریز ۱۲ درجه زیر صفر است. اگر مشهد ۱۴ درجه از تبریز گرم‌تر باشد و تهران ۲ درجه از میانگین دمای این دو شهر خنک‌تر باشد، دمای تهران را به دست آورید.			۱
۸۷	اگر کسرهای $\frac{1}{2}$ , $\frac{5}{14}$ , $\frac{1}{2}$ , $\frac{3}{7}$ را مرتب کنیم، کسر وسط کدام است؟			۱
۸۸	میانگین سه عدد $\frac{4}{5}$ و میانگین دو عدد دیگر $\frac{1}{2}$ است. میانگین این پنج عدد را بباید.			۱
۸۹	قرینهٔ معکوس حاصل عبارت رو به رو را به دست آورید. -۸ + (-۷) + (-۶) + ... + (+۴) + (+۵)			۱
۹۰	سه واحد کمتر از دو برابر قرینهٔ عدد ۸ چند است؟ نصف ربع خمسی ۱۶۰ چند برابر قرینهٔ ثلث خمسی نصفی ۳۰۰ است؟			۱
۹۱	حاصل عبارت $\frac{1}{6} + 1\frac{1}{4} + 1\frac{1}{3} + 1\frac{1}{5}$ را به صورت یک عدد مخلوط به دست آورید. حاصل عبارت $(-\frac{25}{29}) \times (\frac{36}{4}) - \frac{25}{3}$ را به دست آورید.			۱
۹۲	مساحت ذوزنقهٔ شکل زیر را به دست آورید.			۱
۹۳	با یک تکه سیم مفتول، مربعی به ضلع $\frac{3}{7}$ ساخته‌ایم، اگر آن را بازنیم و مستطیلی به عرض $\frac{4}{9}$ بسازیم، طول مستطیل چقدر خواهد بود؟			۱
۹۴	طنابی به طول $\frac{3}{7}$ متر را با ۵ برش به قطعات مساوی تقسیم کرده‌ایم. طول هر قطعهٔ تقریباً چند سانتی‌متر است؟			۱
۹۵	اگر $B = 1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \dots - \frac{1}{n}$ باشد، حاصل $B \times A$ را به دست آورید. اگر $B = (-1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \dots - \frac{1}{100})$ و $A = (1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \dots - \frac{1}{100})$ باشد، حاصل $B \times A \times B \times A \times \dots \times B \times A$ را به دست آورید.			۲
۹۶	حاصل عبارت $2 \times \frac{144}{16} - \frac{51}{17} + \frac{32}{4}$ را به دست آورید. حاصل عبارت $\frac{4}{2 - \frac{4}{2 - \frac{4}{2 - \frac{4}{2 - \frac{4}{2}}}} \times \frac{3}{2 - \frac{3}{2 - \frac{3}{2 - \frac{3}{2}}}}$ را به دست آورید.			۲
۹۷	حاصل عبارت $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64} + \frac{1}{128} + \frac{1}{256} + \frac{1}{512} + \frac{1}{1024}$ چند برابر حاصل عبارت $\frac{1}{2} + \frac{3}{4} + \frac{7}{8} + \frac{15}{16} + \frac{31}{32} + \frac{63}{64}$ است؟			۲
۹۸	حاصل عبارت $\frac{(-36) \times (-14) \times (+56)}{(-49) \times (+64) \times (-72)}$ را به دست آورید.			۱

# پاسخ‌نامه تشریحی

[www.gajmarket.com](http://www.gajmarket.com)

فصل سوم:  
چندضلعی‌ها

۱۸۸

فصل دوم:  
عددهای اول

۱۸۱

فصل اول:  
عددهای صحیح و گویا

۱۷۲

فصل ششم:  
مثلث

۲۱۲

فصل پنجم:  
بردار و مختصات

۲۰۵

فصل چهارم:  
جبر و معادله

۱۹۸

فصل نهم:  
دایره

۲۳۹

فصل هشتم:  
آمار و احتمال

۲۳۰

فصل هفتم:  
توان و جذر

۲۲۱



## فصل اول



یک، علامت ضرب قرار دهیم که در اینجا داریم:

$$\frac{1}{3} \times 9 = 3 \times 9 = 324$$

$\underline{\underline{12 \times 3}}$

همچنین کمترین مقدار در حالتی به دست می‌آید که پشت عدهای کوچک‌تر از یک، علامت ضرب و پشت عدهای بزرگ‌تر از یک، علامت تقسیم قرار دهیم که داریم:  $\frac{1}{3} \times 9 = 4 \div 9 = \frac{4}{9}$  کمترین مقدار

بنابراین حاصل ضرب بیشترین مقدار در کمترین مقدار برابر است با:

$$\frac{26}{324} \times \frac{4}{9} = 144$$

$\underline{\underline{1}}$

۱۳

$-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$

$-5, -6, -7, -8, \dots$

$1, 2, 3, 4$

۱۴

$10$

$-999$

$2$

$-11$

$-1$

$998$

۱۵

$-8 + 8 - 12 + 12 - 20 + 20 = -20 + 20 = 0$

$8 - 8 + 8 - 8 + 8 - 8 = 0$

$12 - 2^2 + 2^2 - 4^2 + 5^2 = 1 - 4 + 9 - 16 + 25 = \frac{10 - 20}{-1} + 25$

$= -10 + 25 = 15$

$2 - (-4 - (1 - 1)) - 1 = 2 - (-4 - (-1)) - 1 = 2 - (-(-4 + 1)) = 2 - (-3) = -2$

$3 - 4 \times 6 - 3 \times 4 + 6 = 3 - 24 - 12 + 6 = 9 - 36 = -27$

$12 - 4 \div 2 = 12 - 2 = 10$

۱۶

$-2 + 4 - 3 + 5 - 7 + 9 - 15 + 17 = 4 \times 2 = 8$

$-3 - 5 - 7 + 4 + 6 + 8 = 4 - 3 + 6 - 5 + 8 - 7 = 3 \times 1 = 3$

$100 - 200 + 300 - 400 + 500 - 600 = 3 \times (-100) = -300$

$10 + 20 + 30 + 40 - 50 - 60 - 70 - 80 = 10 - 50 + 20 - 60$

$+ 30 - 70 + 40 - 80 = 4 \times (-40) = -160$

$250 - 100 + 300 - 150 + 50 - 350 + 700 - 550 = 4 \times 150 = 600$

درس اول: یادآوری عددهای صحیح



## فصل اول



این عبارت مربوط به تعیین علامت حاصل ضرب است، نه حاصل جمع.



درین اعداد  $-8$  و  $+4$ ، هفت عدد صحیح منفی، عدد صفر و سه عدد صحیح مثبت وجود دارد، که تعداد آنها برابر است با:



بزرگ‌ترین عدد صحیح کوچک‌تر از  $-176$ ، عدد  $-177$  است.



قرینه  $+32$ ، عدد  $-32$  و نصف  $-66$ ، عدد  $-33$  است که:



فاصله عدد صفر از هر عدد و قرینه‌اش یکسان است.



$$-9 + (\cancel{-8}) + (\cancel{+7}) + \dots + (\cancel{+7}) + (\cancel{-8}) = -9$$



۳

$$+\frac{68 + (-74)}{2} = \frac{-6}{2} = -3$$

میانگین (وسط) دو عدد را بدأمی‌کنیم:



$$-6 - (-3) + (+7) = -6 + 3 + 7 = 4$$



۴

با توجه به سطر دوم جدول، که در همه خانه‌های آن عدد قرار دارد، می‌توانیم عددی که مجموع اعداد هر سطر و مجموع اعداد هر ستون با آن برابر است را به دست آوریم:

$$-4 + (-8) + D = -7 \Rightarrow D = -7 + 12 = 5$$

در نهایت، در سطر پایین، داریم:

$$-2 + 5 + A = -7 \Rightarrow A = -7 - 3 = -10$$



۵

در ستون سمت چپ داریم:

$$B + \underbrace{(-5)}_{-7} + \underbrace{(-2)}_{-7} = -7 \Rightarrow B = -7 + 7 = 0$$

در نهایت، در ردیف بالا داریم:

$$-4 + C = -7 \Rightarrow C = -3 \Rightarrow C - B = -3 - 0 = -3$$



۶

$$+2 + 27 - (-11) - (-6) = 2 + 27 + 11 + 6 = 46$$

$$+2 - 27 + (-11) + (-6) = 2 - 27 - 11 - 6 = -42$$

$$\Rightarrow 46 - (-42) = 46 + 42 = 88$$



۷

وقتی همه عدها مثبت هستند، بیشترین مقدار در حالتی به دست می‌آید که پشت عدهای کوچک‌تر از یک، علامت تقسیم و پشت عدهای بزرگ‌تر از

$$\frac{7}{3} = 2\frac{1}{3} \text{ به } 2 \text{ نزدیکتر است.} \rightarrow$$

$$-\frac{19}{8} = -2\frac{3}{8} \text{ به } -2 \text{ نزدیکتر است.} \rightarrow$$

$$-\frac{23}{4} = -5\frac{3}{4} \text{ به } -6 \text{ نزدیکتر است.} \rightarrow$$

(۲۷)

$$-(-3\frac{4}{5}) = 4, -\frac{25}{6} = -4\frac{1}{6}, +\frac{9}{3} = 3, -\frac{\sqrt{4}}{1} = -2$$

$$-\frac{1}{\frac{2}{3}} = -\frac{1}{\frac{1}{8}}, 5\frac{16}{5} = \frac{28}{5}$$

بنابراین ۲ عدد طبیعی (۳ و ۴) و ۳ عدد صحیح (-۲، ۳ و ۴) درین این اعداد داریم.

(۲۸)

$$\text{ابتدا دو کسر } \frac{4}{5} \text{ و } \frac{27}{30} \text{ را مقایسه می‌کنیم:} \\ (-27 \times 5 = -135) \quad (-6 \times 20 = -120)$$

$$-\frac{27}{30} \boxed{<} -\frac{4}{5}$$

بنابراین اگر کسری بخواهد بین این دو کسر باشد، باید بزرگ‌تر از  $\frac{27}{30}$  و کوچک‌تر از  $\frac{4}{5}$  باشد.

## بررسی گیرنده‌ها

**گیرنده ۱**

$$\begin{cases} (-1\cdot -) & (-1\cdot +) \\ -\frac{5}{4} & > -\frac{27}{20} \\ (-2\cdot 5) & (-2\cdot 4) \\ -\frac{5}{4} & < -\frac{6}{5} \end{cases} \quad \checkmark$$

**گیرنده ۲**

$$\begin{cases} (-\cdot -) & (-\cdot +) \\ -\frac{4}{3} & > -\frac{27}{20} \\ (-2\cdot -) & (-1\cdot +) \\ -\frac{4}{3} & < -\frac{6}{5} \end{cases} \quad \checkmark$$

**گیرنده ۳**

$$\begin{cases} (-1\cdot -) & (-1\cdot +) \\ -\frac{8}{7} & > -\frac{27}{20} \\ (-4\cdot -) & (-4\cdot +) \\ -\frac{8}{7} & > -\frac{6}{5} \end{cases} \quad \times$$

**گیرنده ۴**

$$\begin{cases} (-6\cdot -) & (-6\cdot +) \\ -\frac{32}{25} & > -\frac{27}{20} \\ (-16\cdot -) & (-15\cdot +) \\ -\frac{32}{25} & < -\frac{6}{5} \end{cases} \quad \checkmark$$

(۲۹)

برای مقایسه کسرها داریم:

$$\text{منفی: } -\frac{7}{3} < -2 \Rightarrow -\frac{7}{3} < -1\frac{1}{4}, \frac{1}{2} \text{ صفر تا } \frac{1}{2} : \begin{cases} \frac{2}{5} = 0\frac{4}{4} \\ \frac{1}{2} = 0\frac{5}{5} \end{cases} \Rightarrow \frac{2}{5} < \frac{1}{2}$$

$$\frac{5}{6} > \frac{4}{7} > \frac{5}{6} : \text{بزرگ‌تر از } \frac{1}{2}$$

پنجمین عدد

$$-\frac{7}{3} < -1\frac{1}{4} < \frac{2}{5} < \frac{1}{2} < \frac{4}{7} < \frac{5}{6} \Rightarrow \frac{4}{7} - \frac{2}{5} = \frac{20}{35} - \frac{14}{35} = \frac{6}{35}$$

سومین عدد

$$-3 \circledplus (-5) \circledplus (+2) = -6$$

$$+6 \circledminus (-8) \circledplus (-5) = +9$$

با توجه به اینکه در سمت چپ تساوی، عدد ۲۰۰ خیلی بزرگ‌تر از بقیه است، و حاصل عبارت، در سمت راست، نزدیک به این عدد است، تیجه می‌گیریم پشت عدد ۲۰۰ باید علامت مثبت قرار بگیرد، پس داریم:

$$+1 \circledcirc (-2) \circledcirc (+3) + 200 = 206 \Rightarrow +1 \circledcirc (-2) \circledcirc (+3)$$

$$= 206 - 200 = 6 \xrightarrow{\text{حمس و آزمایش}} +1 \circledminus (-2) \circledplus +3 = 6$$

۱۷

$$\left. \begin{array}{l} \text{تعداد} = \frac{76-14}{2} + 1 = 32 \\ \text{میانگین} = \frac{76+14}{2} = 45 \end{array} \right\} \Rightarrow 32 \times 45 = 1440.$$

در میان همه پرانتزهایی که در هم ضرب شده‌اند، یک پرانتز به صورت  $= (-2+2)$  است که حاصل ضرب کل را صفر می‌کند.

۱۸

$$\left. \begin{array}{l} \text{تعداد} = \frac{80-20}{2} + 1 = 61 \\ \text{میانگین} = \frac{80+20}{2} = 50 \end{array} \right\} \Rightarrow 61 \times 50 = 3050.$$

روش اول:

**روش دوم:** حاصل جمع اعداد طبیعی از ۱ تا ۸۰ را محاسبه می‌کنیم، حاصل جمع اعداد طبیعی از ۱ تا ۱۹ را از آن کم می‌کنیم.

$$20 + 21 + 22 + \dots + 80 = \frac{10 \times 81}{2} - \frac{19 \times 1}{2} = 3240 - 190 = 3050.$$

درس دوم: معرفی عدددهای گویا

فصل اول

۱۹

$$-\left( -\left( -\left( -\left( -\frac{3}{4} \right) \right) \right) \right) = -\left( -\left( -\left( -\frac{3}{4} \right) \right) \right) = -\frac{3}{4}$$

۲۰

۲۱

بین ۳ و ۴ بی شمار عدد گویا وجود دارد، اما هیچ عدد صحیحی وجود ندارد.

۲۲

$$-\frac{120}{9} \boxed{>} -\frac{153}{6}, \quad -\frac{140}{9} \boxed{<} -\frac{117}{7} \Rightarrow -\frac{17}{6} < -\frac{20}{9} < -\frac{13}{7}$$

۲۳

$$-\frac{25}{9} = -2\frac{7}{9} \Rightarrow -3 < -\frac{25}{9} < -2$$

-۲ و -۳

۲۴

$$-\frac{39}{7} = -5\frac{4}{7} \rightarrow -5 < -\frac{39}{7} < -6$$

-۶

۲۵

 $-\frac{31}{8}$ 

-۶، -۲، ۲

۱۴۰

عدد  $\frac{1}{11}$  را به صورت  $\frac{1}{11}$  و عدد  $\frac{1}{12}$  را به صورت  $\frac{1}{12}$  می‌نویسیم. حال  $\frac{1}{11} = \frac{1}{11}, \frac{1}{11}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12}, \frac{1}{13}, \frac{1}{13}, \frac{1}{14}, \frac{1}{14}, \frac{1}{15}, \frac{1}{15}, \frac{1}{16}, \frac{1}{16}$  داریم:

۱۴۱

ابتدا دو کسر را هم مخرج می‌کنیم:  
 $[1, 15] = 3 \Rightarrow \frac{1}{1} = \frac{18}{18}, \frac{7}{15} = \frac{14}{18}$

بنابراین باید پنج کسرین  $\frac{14}{3}$  و  $\frac{18}{3}$  بتوانیم. اما فاصله صورت‌های آنها فقط ۴ واحد است. پس صورت و مخرج هر دو کسر را در ۲ ضرب می‌کنیم:

$\frac{14}{3} = \frac{28}{6}, \frac{18}{3} = \frac{36}{6}$   
 حال به راحتی پنج کسرین  $\frac{28}{6}$  و  $\frac{36}{6}$  می‌توانیم:

$$\frac{7}{15} = \frac{28}{40}, \frac{29}{40}, \frac{30}{40}, \frac{31}{40}, \frac{32}{40}, \frac{33}{40}, \frac{34}{40}, \frac{35}{40}, \frac{36}{40} = \frac{6}{10}$$

درس سوم: جمع و تفریق عدددهای گویا

## فصل اول

۱۴۲

نقطه شروع - نقطه پایان = حرکت

$$\Rightarrow -2 - (-\frac{1}{3}) = -2 + \frac{1}{3} = -1 + \frac{1}{3} = -\frac{2}{3} \neq -\frac{4}{3}$$

۱۴۳

$$0 - \square = -\square$$

۱۴۴

$$-\frac{4}{7} = -4 - \frac{3}{7}$$

۱۴۵

$$[3, 5] = 15$$

۱۴۶

$$5 - \frac{4}{7} = \frac{4}{7} - \frac{4}{7} = \frac{3}{7}$$

۱۴۷

$$-\frac{5}{7} - 1\frac{1}{3} = -3 - \frac{15}{21} - \frac{7}{21} = -3\frac{22}{21} = -4\frac{1}{21}$$

۱۴۸

$$91 \div 13 = 7$$

۱۴۹

$$\Rightarrow -15 - \frac{91}{13} = -15 - \frac{91}{13} = -15 - 7 = -22$$

۱۵۰

$$-18\frac{1}{1} + 15\frac{1}{8} - 13\frac{1}{2} = -18 + 16 - 13 = -15$$

۱۵۱

$$-\frac{4}{5} + 3\frac{6}{10} = -\frac{4}{5} + \frac{3}{10} = -1 - \frac{1}{5} + \frac{3}{5} = -1 + \frac{2}{5} = -\frac{3}{5}$$

۱۴۱

$$\frac{17}{7} = 2\frac{3}{7} > 2, \quad 0 < \frac{1}{17} < \frac{17}{17} = 1,$$

$$2 < 2\frac{5}{7} < 3 \Rightarrow -3 < -2\frac{5}{7} < -2, \quad -1 < -\frac{8}{17} < 0, \quad \frac{\sqrt{9}}{3} = 1,$$

$$-\frac{25}{6} = -(\frac{4}{6}) < -3, \quad 1 < \frac{11}{21} < 2,$$

$$1 < 1\frac{2}{17} < 2 \Rightarrow -2 < -1\frac{2}{17} < -1$$

بنابراین عدددها به صورت زیر در جدول قرار می‌گیرند:

$\frac{3}{7}$	$\frac{7}{17}$	$\frac{1}{17}$	$\frac{5}{17}$	$\frac{1}{17}$	$\frac{7}{21}$	$\frac{2}{7}$
$-\frac{25}{6}$	$-2\frac{5}{7}$	$-1\frac{2}{17}$	$-\frac{8}{100}$	$\frac{1}{17}$	$+1\frac{11}{21}$	$\frac{17}{7}$

عدد  $\frac{\sqrt{9}}{3}$  برابر ۱ است. که در هیچ یک از خانه‌های جدول نمی‌تواند قرار بگیرد.

۱۴۲

$$-\frac{6}{15}, \frac{11}{7} = 1\frac{4}{7}, \frac{5}{6} = 0, \frac{1}{3}, 2\frac{7}{9}, -\frac{5}{3} = -1\frac{2}{3}, \frac{14}{7} = 2,$$

$$-\frac{1}{12}, \frac{16}{5} = 3\frac{1}{5}, \frac{7}{9}, \frac{11}{4} = 2\frac{3}{4}, -\frac{9}{9} = -1$$

$$-\frac{5}{3} = -1\frac{2}{3}$$

اعداد کوچک‌تر از ۱:

$$-\frac{9}{9} = -1$$

اعداد برابر با ۱:

$$-\frac{6}{15}, -\frac{1}{12} \xrightarrow{\text{مقایسه}} -\frac{6}{15} < -\frac{1}{12}$$

$$\frac{3}{6} = 0$$

اعداد بین ۱ و صفر:

$$\frac{1}{3}, \frac{7}{9} \xrightarrow{\text{مقایسه}} \frac{1}{3} < \frac{7}{9}$$

اعداد برابر صفر و یک:

اعداد برابر یک: **داریم.**

$$\frac{11}{7} = 1\frac{4}{7}, \frac{14}{7} = 2, \frac{11}{4} = 2\frac{3}{4}, \frac{16}{5} = 3\frac{1}{5}$$

اعداد بزرگ‌تر از ۱:

$$1\frac{4}{7} < 2 < 2\frac{3}{4} < 3\frac{1}{5} \Rightarrow \frac{11}{7} < \frac{14}{7} < \frac{11}{4} < \frac{16}{5}$$

بنابراین:

$$-\frac{5}{3} < -\frac{9}{9} < -\frac{6}{15} < -\frac{1}{12} < \frac{0}{6} < \frac{1}{3} < \frac{7}{9} < \frac{11}{7} < \frac{14}{7} < \frac{11}{4} < \frac{16}{5}$$

۱۴۳

دو عدد موردنظر،  $\frac{9}{5}$  و  $\frac{5}{8}$  هستند که  $\sqrt{\frac{81}{25}} = \frac{9}{5}$  و  $\sqrt{\frac{25}{16}} = \frac{5}{8}$ .

است: بنابراین:

$$\frac{25}{40}, \frac{26}{40}, \frac{27}{40}, \frac{28}{40}, \frac{29}{40}, \frac{30}{40}, \frac{22}{40}$$

۶۷

$$\Rightarrow \begin{cases} m \text{ قرینه} = -m \\ m \text{ معکوس} = \frac{1}{m} \end{cases} \Rightarrow -\cancel{m} \times \cancel{\frac{1}{m}} = -1$$

-1

۶۸

$$\cancel{m} \times \cancel{\frac{-1}{m}} = -1$$

-1

۶۹

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

1

۷۰

حاصل ضرب دو عدد برابر با  $-1$  است، پس دو عدد قرینه معکوس یکدیگرند:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9} \xrightarrow{\text{قرینه معکوس}} -\frac{1}{9}$$

۷۱

از انتهای ابتداء رویم و عملیات را به صورت برعکس طی می‌کنیم:

$$-\frac{1}{10} \times \frac{13}{25} = -\frac{13}{10} \Rightarrow -\frac{13}{10} \div \left(-\frac{24}{25}\right) = +\frac{13}{10} \times \frac{25}{24} = \frac{65}{48}$$

۷۲

$$\frac{-6\frac{2}{5} + 4\frac{3}{4}}{2} = \frac{-2\frac{2}{5} + \frac{3}{4}}{2} = \frac{-2\frac{8}{20} + \frac{15}{20}}{2} = \frac{-\frac{48}{20} + \frac{15}{20}}{2} = \frac{-\frac{33}{20}}{2} = -\frac{33}{20} \times \frac{1}{2} = -\frac{33}{40}$$

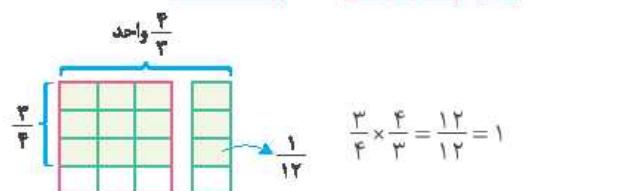
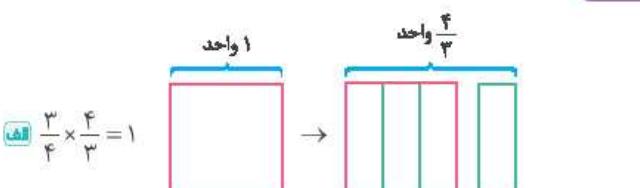
۷۳

می‌دانیم مساحت لوزی برابر است با نصف حاصل ضرب قطرها. حال اگر طول قطر دیگر لوزی را با  $d$  نشان دهیم، داریم:

$$\sqrt{\frac{1}{3}} = \frac{\sqrt{\frac{5}{9} \times d}}{2} \Rightarrow \frac{\sqrt{22}}{3} = \frac{\sqrt{\frac{9}{4} \times d}}{2} \Rightarrow \frac{\sqrt{32}}{9} \times d = 2 \times \frac{\sqrt{22}}{3} = \frac{44}{3}$$

$$\Rightarrow d = \frac{44}{3} \div \frac{32}{9} = \frac{44}{3} \times \frac{9}{32} = \frac{33}{8} = 4\frac{1}{8}$$

۷۴



مجموع دو عدد مجاور در خانه بالایشان قرار می‌گیرد، پس:

$$-\frac{1}{2} + A = -\frac{5}{6} \Rightarrow A = -\frac{5}{6} + \frac{1}{2} = -1 - \frac{5}{6} + \frac{3}{6}$$

$$= -1 - \frac{2}{6} = -1 - \frac{1}{3} = -\frac{2}{3}$$

$$B = -\frac{5}{6} + (-\frac{1}{2}) = -\frac{5}{6} - 1 - \frac{1}{2} = -1 - \frac{10}{6} - \frac{3}{6}$$

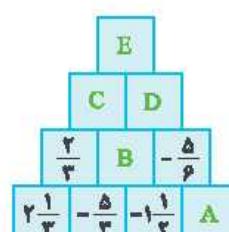
$$= -1 - \frac{13}{6} = -1 - 2\frac{1}{6} = -\frac{13}{6}$$

$$C = \frac{2}{3} + B = \frac{2}{3} + (-\frac{13}{6}) = \frac{2}{3} - \frac{13}{6} = -\frac{1}{3} - \frac{1}{6}$$

$$= -3 + \frac{4}{6} - \frac{1}{6} = -3 + \frac{3}{6} = -3 + \frac{1}{2} = -2\frac{1}{2}$$

$$D = B + (-\frac{5}{6}) = -\frac{1}{2} - \frac{5}{6} = -\frac{3}{6} - \frac{5}{6} = -\frac{8}{6} = -\frac{4}{3}$$

$$E = C + D = -2\frac{1}{2} - 4 = -\frac{1}{2}$$



### درس چهارم: ضرب و تقسیم عدددهای گویا

### فصل اول



۶۲

صفر تنها عددی است که معکوس ندارد.

۶۳

$$120 = \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{5} \times 120\right) = \frac{1}{3} \times 24 = \lambda \xrightarrow{\text{معکوس قرینه}} \frac{1}{-\lambda} = -\frac{1}{\lambda}$$

۶۴

$$\frac{3}{16} = \frac{1875}{10000} = 0.1875$$

۶۵

$$-\frac{(-5)}{+(-6)} = -\frac{5}{6} \xrightarrow{\text{معکوس}} -\frac{6}{5}$$

$$\Rightarrow -\frac{6}{5} \div \left(-\frac{3}{4}\right) = \frac{6}{5} \times \left(\frac{4}{3}\right) = \frac{8}{5} = 1.6$$

۶۶

خود آن عدد



$$\begin{aligned}
 & \text{Q1} \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{3} \right) \times \left( -\frac{1}{29} \right) = \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{3} \right) \times \left( -\frac{1}{29} \right) \\
 & = \left( \frac{1}{4} \times \frac{1}{29} \right) - \left( \frac{1}{3} \times \frac{1}{29} \right) = \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{3} \right) \times \left( -\frac{1}{29} \right) \\
 & = \left( \frac{125 - 96}{200} \right) \times \left( -\frac{1}{29} \right) = \frac{1}{200} \times \left( -\frac{1}{29} \right) = -\frac{1}{1800}
 \end{aligned}$$

$$\text{Q2} \quad \frac{\text{ارتفاع} \times \text{مجموع دو قاعده}}{2} = \frac{\left( \frac{5}{3} + \frac{15}{2} \right) \times 2}{2} = \frac{22}{2} = 11$$

$$\text{Q3} \quad \frac{\left( \frac{1}{6} + \frac{45}{6} \right) \times 24}{11} = \frac{\frac{1}{6} \times 24}{11} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 1$$

$$\text{Q4} \quad \text{محيط مستطيل} = 4 \times \frac{3}{7} = 4 \times \frac{24}{7} = \frac{96}{7} = \text{طول مفتول (محبيط مربع)}$$

$$\text{Q5} \quad \text{مجموع طول وعرض مستطيل} \Rightarrow \frac{1}{7} \times \frac{96}{7} = \frac{48}{7}$$

$$\text{Q6} \quad \text{طول مستطيل} = \frac{48}{7} - \frac{4}{9} = \frac{4}{63} - \frac{28}{63} = \frac{26}{63}$$

توجه کنید که با ۵ برش طناب به ۶ قطعه مساوی تقسیم می‌شود، پس:

$$\text{Q7} \quad \frac{15}{7} \div 6 = \frac{15}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{15}{42} = \frac{5}{14} = \text{طول هر قطعه}$$

حال طول هر قطعه بر حسب سانتی متر خواسته شده، پس:

$$\text{Q8} \quad \frac{15}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{75}{42} = 1.09 \frac{1}{7} = 110 \text{ سانتی متر}$$

$$\text{Q9} \quad A = \frac{2 - 2 \frac{2}{3}}{3 - 1 \frac{1}{5}} = \frac{-\frac{2}{3}}{\frac{14}{5}} = \frac{-\frac{2}{3}}{\frac{9}{5}} = -\frac{2}{3} \times \frac{5}{9} = -\frac{10}{27}$$

$$\text{Q10} \quad B = 1 - \frac{1 + \frac{1}{2}}{1 - \frac{2}{3}} = 1 - \frac{\frac{3}{2}}{\frac{1}{3}} = 1 - \left( \frac{3}{2} \times \frac{3}{1} \right) = 1 - \frac{9}{2} = -\frac{7}{2}$$

بنابراین داریم:

$$\text{Q11} \quad A \times B = -\frac{10}{27} \times \left( -\frac{7}{2} \right) = +\frac{70}{54} = \frac{35}{27}$$

$$\text{Q12} \quad \text{میانگین} \Rightarrow \frac{-12 + 2}{2} = -\frac{10}{2} = -5$$

مشهد، تبریز، تهران

برای مقایسه و مرتب کردن کسرها، ابتدا آن‌ها را هم مخرج می‌کنیم.  
کوچک‌ترین مخرج مشترک همه کسرها ۴۲ است پس:

$$\frac{2}{7} = \frac{2 \times 6}{42}, \quad \frac{5}{14} = \frac{5 \times 3}{42}, \quad \frac{1}{2} = \frac{1 \times 21}{42}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 14}{42}, \quad \frac{1}{6} = \frac{1 \times 7}{42}$$

$$\Rightarrow -\frac{28}{42} < -\frac{21}{42} < -\frac{18}{42} < -\frac{15}{42} < -\frac{7}{42} \Rightarrow \text{عدد وسط} = -\frac{18}{42} = -\frac{3}{7}$$

عدد وسط

$$\begin{cases} 3 \times \frac{4}{5} = \frac{12}{5} = \frac{57}{5} = \text{مجموع سه عدد} \\ 2 \times \frac{1}{2} = \frac{9}{2} = 9 = \text{مجموع دو عدد دیگر} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{57}{5} + 9 = \frac{57}{5} + \frac{45}{5} = \frac{102}{5} = \text{مجموع پنج عدد}$$

$$\Rightarrow \frac{102}{5} = \frac{102}{5} = \frac{102}{5} \times \frac{1}{5} = \frac{102}{25} = \text{میانگین پنج عدد}$$

$$\text{Q13} \quad -8 + (-7) + (-6) + (\cancel{5}) + (\cancel{4}) + (\cancel{3}) + (\cancel{2}) =$$

$$\text{Q14} \quad -8 + (-7) + (-6) = -21 \xrightarrow{\text{قرینه مکوس}} \frac{1}{21}$$

$$\text{Q15} \quad 8 = -8 \Rightarrow 2 \times (-8) = -16 = -3 = -19$$

$$\text{Q16} \quad \text{می‌دانیم نصف} = \frac{1}{2}, \text{ ثلث} = \frac{1}{3}, \text{ ربع} = \frac{1}{4} \text{ و خمس} = \frac{1}{5} \text{ است، پس:}$$

$$\text{Q17} \quad \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} \times 160 = \frac{1}{40} \times \cancel{160} = 4$$

$$\text{Q18} \quad \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{2} \times 300 = \text{قرینه ثلث خمس نصف}$$

$$\text{Q19} \quad -\frac{1}{5} \times \cancel{300} = -10 = -\frac{4}{-10} = \frac{4}{5}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Q20} \quad & 1 + 1 \frac{1}{2} + 1 \frac{1}{3} + 1 \frac{1}{4} + 1 \frac{1}{5} + 1 \frac{1}{6} = 6 \frac{3}{6} + 2 \frac{2}{6} + 1 \frac{5}{6} + 1 \frac{12}{6} + 1 \frac{1}{6} \\
 & = 6 \frac{87}{60} = 7 \frac{27}{60} = 7 \frac{9}{20}
 \end{aligned}$$

پی

بخش سوم

# آزمون‌های پایان نوبت

[www.gajmarket.com](http://www.gajmarket.com)

آزمون پایان نوبت دوم:  
خرداد ماه (۲)

۲۵۷

پاسخ‌نامه آزمون پایان نوبت  
دوم: خرداد ماه (۲)

۲۶۶

آزمون پایان نوبت دوم:  
خرداد ماه (۱)

۲۵۴

پاسخ‌نامه آزمون پایان نوبت  
دوم: خرداد ماه (۱)

۲۶۴

آزمون پایان نوبت اول:  
دی ماه (۲)

۲۵۲

پاسخ‌نامه آزمون پایان نوبت  
اول: دی ماه (۲)

۲۶۲

آزمون پایان نوبت اول:  
دی ماه (۱)

۲۵۰

پاسخ‌نامه آزمون پایان نوبت  
اول: دی ماه (۱)

۲۶۰

ردیف	آزمون پایان نوبت اول	دی ماه (۱)	مدت زمان: ۷۵ دقیقه	پاره
۱	درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید. الف) هر عدد صحیح غیرحسابی را اگر در معکوسش ضرب کنیم، حاصل ۱- می‌شود. ب) ک.م.م دو عدد ۸۰ و ۸۱ برابر با ۶۴۸۰ است. پ) به ازای هر مقداری برای متغیرها، مقدار عبارت $a(b \times c + d)$ معادل $ab \times ac + ad$ است. ت) اگر زاویه بین دو بردار ۱۸۰ درجه باشد، حاصل جمع آن‌ها صفر است.	درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید. الف) هر عدد صحیح غیرحسابی را اگر در معکوسش ضرب کنیم، حاصل ۱- می‌شود. ب) ک.م.م دو عدد ۸۰ و ۸۱ برابر با ۶۴۸۰ است. پ) به ازای هر مقداری برای متغیرها، مقدار عبارت $a(b \times c + d)$ معادل $ab \times ac + ad$ است. ت) اگر زاویه بین دو بردار ۱۸۰ درجه باشد، حاصل جمع آن‌ها صفر است.	درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید. الف) هر عدد صحیح غیرحسابی را اگر در معکوسش ضرب کنیم، حاصل ۱- می‌شود. ب) ک.م.م دو عدد ۸۰ و ۸۱ برابر با ۶۴۸۰ است. پ) به ازای هر مقداری برای متغیرها، مقدار عبارت $a(b \times c + d)$ معادل $ab \times ac + ad$ است. ت) اگر زاویه بین دو بردار ۱۸۰ درجه باشد، حاصل جمع آن‌ها صفر است.	۱
۲	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. الف) قرینهٔ معکوس عدد $\frac{6}{7}$ برابر با _____ است. ب) در غربال اعداد ۱ تا ۱۰۰ سومین عددی که در مرحلهٔ مربوط به مضارب ۵ خط می‌خورد _____ است. پ) مربع، متوازی‌الاضلاعی است که چهار _____ و چهار _____ برابر دارد. ت) یک ۹ ضلعی منتظم _____ محور تقارن و یک ۱۰ ضلعی منتظم _____ محور تقارن دارد.	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. الف) قرینهٔ معکوس عدد $\frac{6}{7}$ برابر با _____ است. ب) در غربال اعداد ۱ تا ۱۰۰ سومین عددی که در مرحلهٔ مربوط به مضارب ۵ خط می‌خورد _____ است. پ) مربع، متوازی‌الاضلاعی است که چهار _____ و چهار _____ برابر دارد. ت) یک ۹ ضلعی منتظم _____ محور تقارن و یک ۱۰ ضلعی منتظم _____ محور تقارن دارد.	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. الف) قرینهٔ معکوس عدد $\frac{6}{7}$ برابر با _____ است. ب) در غربال اعداد ۱ تا ۱۰۰ سومین عددی که در مرحلهٔ مربوط به مضارب ۵ خط می‌خورد _____ است. پ) مربع، متوازی‌الاضلاعی است که چهار _____ و چهار _____ برابر دارد. ت) یک ۹ ضلعی منتظم _____ محور تقارن و یک ۱۰ ضلعی منتظم _____ محور تقارن دارد.	۲
۳	گزینهٔ درست را مشخص کنید. الف) کدام گزینه عبارت $= 1 - \frac{3}{10} \times \frac{1}{10}$ را به درستی تکمیل می‌کند? $\frac{23}{10}$ (۱) $-\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) ب) با کدام یک از شکل‌های زیر به تنها یک <b>نمی‌توان</b> کاشی‌کاری کرد؟ ۱) مثلث متساوی‌الاضلاع      ۲) مربع      ۳) هشت ضلعی منتظم ۴) هشت ضلعی منتظم      ۵) شش ضلعی منتظم ۶) ساده‌شدهٔ عبارت $(a+b)(a-b)$ کدام است? $a^2 + 2ab + b^2$ (۱) $a^2 - b^2$ (۲) $a^2 - 2ab + b^2$ (۳) ت) با توجه به شکل مقابل، در کدام گزینه، بردار $\vec{c}$ به درستی بر حسب بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ نوشته شده است? $3\vec{a} - 3\vec{b}$ (۱) $4\vec{a} - 2\vec{b}$ (۲) $-4\vec{a} + 2\vec{b}$ (۳) 	گزینهٔ درست را مشخص کنید. الف) کدام گزینه عبارت $= 1 - \frac{3}{10} \times \frac{1}{10}$ را به درستی تکمیل می‌کند? $\frac{23}{10}$ (۱) $-\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) ب) با کدام یک از شکل‌های زیر به تنها یک <b>نمی‌توان</b> کاشی‌کاری کرد؟ ۱) مثلث متساوی‌الاضلاع      ۲) مربع      ۳) هشت ضلعی منتظم ۴) هشت ضلعی منتظم      ۵) شش ضلعی منتظم ۶) ساده‌شدهٔ عبارت $(a+b)(a-b)$ کدام است? $a^2 + 2ab + b^2$ (۱) $a^2 - b^2$ (۲) $a^2 - 2ab + b^2$ (۳) ت) با توجه به شکل مقابل، در کدام گزینه، بردار $\vec{c}$ به درستی بر حسب بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ نوشته شده است? $3\vec{a} - 3\vec{b}$ (۱) $4\vec{a} - 2\vec{b}$ (۲) $-4\vec{a} + 2\vec{b}$ (۳) 	گزینهٔ درست را مشخص کنید. الف) کدام گزینه عبارت $= 1 - \frac{3}{10} \times \frac{1}{10}$ را به درستی تکمیل می‌کند? $\frac{23}{10}$ (۱) $-\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) ب) با کدام یک از شکل‌های زیر به تنها یک <b>نمی‌توان</b> کاشی‌کاری کرد؟ ۱) مثلث متساوی‌الاضلاع      ۲) مربع      ۳) هشت ضلعی منتظم ۴) هشت ضلعی منتظم      ۵) شش ضلعی منتظم ۶) ساده‌شدهٔ عبارت $(a+b)(a-b)$ کدام است? $a^2 + 2ab + b^2$ (۱) $a^2 - b^2$ (۲) $a^2 - 2ab + b^2$ (۳) ت) با توجه به شکل مقابل، در کدام گزینه، بردار $\vec{c}$ به درستی بر حسب بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ نوشته شده است? $3\vec{a} - 3\vec{b}$ (۱) $4\vec{a} - 2\vec{b}$ (۲) $-4\vec{a} + 2\vec{b}$ (۳) 	۳
۴	به پرسش‌های زیر پاسخ دهید. حاصل هریک از عبارت‌های زیر را به دست آورید. الف) $-\frac{4}{15} + \frac{4}{5} = ?$ ب) $(-\frac{1}{4} + \frac{1}{3}) \div (-\frac{1}{2} \times (-\frac{2}{5})) = ?$ پ) $(\frac{2}{3} + \frac{4}{5}) \div (-\frac{8}{5} \times (-1\frac{1}{2})) = ?$ ت) $(3^2 - 1^3) \times 2^2 - 4^2 = ?$	به پرسش‌های زیر پاسخ دهید. حاصل هریک از عبارت‌های زیر را به دست آورید. الف) $-\frac{4}{15} + \frac{4}{5} = ?$ ب) $(-\frac{1}{4} + \frac{1}{3}) \div (-\frac{1}{2} \times (-\frac{2}{5})) = ?$ پ) $(\frac{2}{3} + \frac{4}{5}) \div (-\frac{8}{5} \times (-1\frac{1}{2})) = ?$ ت) $(3^2 - 1^3) \times 2^2 - 4^2 = ?$	به پرسش‌های زیر پاسخ دهید. حاصل هریک از عبارت‌های زیر را به دست آورید. الف) $-\frac{4}{15} + \frac{4}{5} = ?$ ب) $(-\frac{1}{4} + \frac{1}{3}) \div (-\frac{1}{2} \times (-\frac{2}{5})) = ?$ پ) $(\frac{2}{3} + \frac{4}{5}) \div (-\frac{8}{5} \times (-1\frac{1}{2})) = ?$ ت) $(3^2 - 1^3) \times 2^2 - 4^2 = ?$	۴
۵	طول و عرض یک مستطیل به ترتیب برابر با $5$ و $\frac{1}{3}$ است. نسبت مساحت به محیط این مستطیل را به دست آورید.	طول و عرض یک مستطیل به ترتیب برابر با $5$ و $\frac{1}{3}$ است. نسبت مساحت به محیط این مستطیل را به دست آورید.	طول و عرض یک مستطیل به ترتیب برابر با $5$ و $\frac{1}{3}$ است. نسبت مساحت به محیط این مستطیل را به دست آورید.	۵
۶	در غربال اعداد ۱ تا ۱۲۰ در مرحلهٔ مربوط به مضارب مرکب ۷، چه عددهایی خط می‌خورند؟	در غربال اعداد ۱ تا ۱۲۰ در مرحلهٔ مربوط به مضارب مرکب ۷، چه عددهایی خط می‌خورند؟	در غربال اعداد ۱ تا ۱۲۰ در مرحلهٔ مربوط به مضارب مرکب ۷، چه عددهایی خط می‌خورند؟	۶
۷	الف) اعداد ۸۱ تا ۱۱۰ در زیر نوشته شده‌اند. با استفاده از روش غربال، اعداد اول را از میان آن‌ها مشخص کنید. ۸۱ ۸۲ ۸۳ ۸۴ ۸۵ ۸۶ ۸۷ ۸۸ ۸۹ ۹۰ ۹۱ ۹۲ ۹۳ ۹۴ ۹۵ ۹۶ ۹۷ ۹۸ ۹۹ ۱۰۰ ۱۰۱ ۱۰۲ ۱۰۳ ۱۰۴ ۱۰۵ ۱۰۶ ۱۰۷ ۱۰۸ ۱۰۹ ۱۱۰ ب) در قسمت «الف» هریک از عددهای زیر، در مرحلهٔ مربوط به مضارب مرکب چه عدد اولی خط خورده‌اند؟ ۹۱، ۹۲، ۹۳، ۹۵	الف) اعداد ۸۱ تا ۱۱۰ در زیر نوشته شده‌اند. با استفاده از روش غربال، اعداد اول را از میان آن‌ها مشخص کنید. ۸۱ ۸۲ ۸۳ ۸۴ ۸۵ ۸۶ ۸۷ ۸۸ ۸۹ ۹۰ ۹۱ ۹۲ ۹۳ ۹۴ ۹۵ ۹۶ ۹۷ ۹۸ ۹۹ ۱۰۰ ۱۰۱ ۱۰۲ ۱۰۳ ۱۰۴ ۱۰۵ ۱۰۶ ۱۰۷ ۱۰۸ ۱۰۹ ۱۱۰ ب) در قسمت «الف» هریک از عددهای زیر، در مرحلهٔ مربوط به مضارب مرکب چه عدد اولی خط خورده‌اند؟ ۹۱، ۹۲، ۹۳، ۹۵	الف) اعداد ۸۱ تا ۱۱۰ در زیر نوشته شده‌اند. با استفاده از روش غربال، اعداد اول را از میان آن‌ها مشخص کنید. ۸۱ ۸۲ ۸۳ ۸۴ ۸۵ ۸۶ ۸۷ ۸۸ ۸۹ ۹۰ ۹۱ ۹۲ ۹۳ ۹۴ ۹۵ ۹۶ ۹۷ ۹۸ ۹۹ ۱۰۰ ۱۰۱ ۱۰۲ ۱۰۳ ۱۰۴ ۱۰۵ ۱۰۶ ۱۰۷ ۱۰۸ ۱۰۹ ۱۱۰ ب) در قسمت «الف» هریک از عددهای زیر، در مرحلهٔ مربوط به مضارب مرکب چه عدد اولی خط خورده‌اند؟ ۹۱، ۹۲، ۹۳، ۹۵	۷

ردیف	آزمون پایان نوبت دوم	خرداد ماه (۲)	مدت زمان: ۸۵ دقیقه	پاره
۱	درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید. الف) هر نقطه روی عمود منصف یک پاره خط، از دو سر آن پاره خط به یک فاصله است. ب) اگر یک عدد منفی در یک بردار ضرب شود، جهت بردار عوض می‌شود. پ) در پرتاب یک تاس، احتمال رو شدن عدد بزرگ‌تر یا مساوی $\frac{2}{3}$ است. ت) عدد $n^2$ دو برابر عدد $n$ است.			
۲	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. الف) عدد $2 + \sqrt{20}$ بین دو عدد طبیعی متولی قرار دارد. ب) آخرین عددی که در غربال اعداد ۱ تا $12$ خط می‌خورد، در مرحله مربوط به مضارب مرکب خط می‌خورد. پ) خطی که از مرکز دایره بر وتری از دایره عمود شود، آن وتر را ت) مقدار عددی عبارت $-6 - 6x$ به ازای $x$ ‌های صحیح، همواره عددی است. (زوج - فرد)			
۳	گزینه درست را مشخص کنید. الف) حاصل عبارت مقابله برابر با کدام گزینه است?  ۲۴  ۱۲  -۱۲  -۲۴  ب) حاصل $2 \begin{bmatrix} -3 \\ +1 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} +1 \\ +4 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} -9 \\ 12 \end{bmatrix}$ در کدام گزینه آمده است?    پ) مقدار عبارت جبری $4x^3 - 3x^2 - 2x + 1$ به ازای $x = -2$ کدام است? ۲۴  ۳۲  ۴۰  ت) مجموع دو عدد اول $39$ است. اختلاف آن‌ها کدام است? ۳۷  ۳۵  ۳۲  ۲۸			
۴	به پرسش‌های زیر پاسخ دهید. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید. الف) $-\frac{1}{3} \times \frac{12}{7} \div \frac{8}{21} + (-\frac{1}{5}) \div \frac{3}{10} = ?$			
۵	اعداد اول از $31$ تا $6$ را بنویسید.			۰/۵
۶	در شکل مقابل، $x$ چند درجه است؟			۱
۷	در شکل مقابل، پنجضلعی $ABCDE$ منتظم است و نقطه $F$ محل برخورد امتدادهای دو ضلع $AE$ و $CD$ است. $x$ درجه چند است?			۰/۵

ردیف	آزمون پایان نوبت دوم	خرداد ماه (۲)	مدت زمان: ۸۰ دقیقه	پاره
۸	کسر زیر را ساده کنید.	$\frac{x^3y^2 - x^2y^3}{x^2y^2 - x^3y^3} = ?$	۰/۵	
۹	علی ۸ ساله و خواهرش ۳ ساله هستند. چند سال بعد سن علی از دو برابر سن خواهرش پنج سال کمتر خواهد بود؟		۰/۵	
۱۰	اگر $\vec{a} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$ باشد، مختصات بردار $\vec{x} = -3\vec{i} - 5\vec{j}$ را به دست آورید.	$2\vec{j} + 2\vec{b} + \vec{x} = -\vec{x} + 4\vec{a} + 2\vec{i}$	۱	
۱۱	دو چهارضلعی شکل زیر، نسبت به خط $d$ متقارن هستند. مقدار $x$ و $y$ را به دست آورید.		۱	
۱۲	در مثلث متساوی الساقین ABC (به رأس A) نقاط E و D به گونه‌ای روی ساق‌ها قرار دارند که $BE = CD$ است. نشان دهید دو مثلث ACE و ABD هم نهشت‌اند.		۱	
۱۳	در شکل زیر نقطه M در وسط پاره خط AC قرار دارد. نشان دهید M در وسط پاره خط BD نیز قرار دارد.		۱	
۱۴	حاصل هر عبارت را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.	(الف) $((-2)^3)^6 \times (\frac{3}{2})^4 = ?$		
		(ب) $\frac{2^6 \times 5^6 \times (-10)^3}{(-2)^5 \times (-5)^5 \times 1^3} = ?$		
۱۵	عدد $-\sqrt[4]{18}$ را روی محور نشان دهید.		۰/۵	
۱۶	حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید یا آن‌ها را ساده کنید.	(الف) $\sqrt{1/21} - \sqrt{\frac{36}{25}} = ?$	۱/۵	
		(ب) $\sqrt[4]{22} - \sqrt[4]{32} - \sqrt[4]{48} + \sqrt[4]{50} = ?$		
		(پ) $\sqrt[3]{3} \times \sqrt[3]{12} - \sqrt[3]{8} \times \sqrt[3]{7} = ?$		



۳

گزینه «۴»

$$(-14) \times (-72) \div (42) = \frac{(-14) \times (-72)}{42} = 24$$

گزینه «۲»

$$2 \begin{bmatrix} -3 \\ +4 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} +1 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 \\ 8 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ +6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 \\ 14 \end{bmatrix}$$

گزینه «۳»

$$\begin{aligned} 2x^2 - 3x^3 + 4x &\stackrel{x=-2}{=} 2(-2)^2 - 3(-2)^3 + 4(-2) \\ &= 2 \times 4 - 3 \times (-8) + 4 \times (-2) = 8 + 24 - 8 = 24 \end{aligned}$$

گزینه «۳»

به طور کلی، مجموع دو عدد زمانی فرد می‌شود که یکی زوج و دیگری فرد باشد.  
از طرفی تنها عدد اول زوج، ۲ است. پس دو عدد اول مورد نظر ۳۷ و ۲ هستند  
که اختلاف آنها  $37 - 2 = 35$  است.

۴

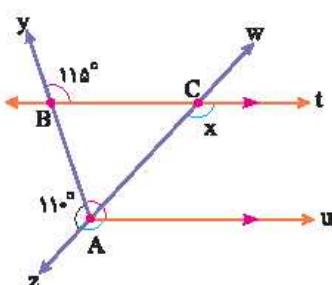
$$\begin{aligned} & -2 \frac{1}{3} \div 1 \frac{2}{5} + 2 \frac{1}{6} \div 1 \frac{1}{3} = -\frac{7}{3} \div \frac{7}{5} + \frac{13}{6} \div \frac{4}{3} \\ & = -\frac{1}{3} \times \frac{5}{7} + \frac{13}{6} \times \frac{3}{4} = -\frac{5}{21} + \frac{13}{8} = -\frac{40+39}{168} = -\frac{1}{168} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{1} \times \frac{1}{2} \div \frac{1}{21} + (-\frac{1}{5}) \div \frac{3}{10}$$

$$=\frac{1}{1} \times \frac{1}{2} - \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{2} - \frac{2}{3} = \frac{9-4}{6} = \frac{5}{6}$$

۵

۶: اعداد اول از ۳۱ تا ۵۹



$$y \hat{A} u = y \hat{B} t = 115^\circ$$

$$\Rightarrow z \hat{A} u = 360^\circ - (115^\circ + 115^\circ) = 360^\circ - 230^\circ = 130^\circ$$

$$\Rightarrow z \hat{w} u = x \hat{z} \hat{A} u = 135^\circ$$

۶

۷

۸

۹

۱۰

۱۱

۱۲

۱۳

۱۴

۱۵

۱۶

۱۷

۱۸

۱۹

۲۰

۲۱

۲۲

۲۳

۲۴

۲۵

۲۶

۲۷

۲۸

۲۹

۳۰

۳۱

۳۲

۳۳

۳۴

۳۵

۳۶

۳۷

۳۸

۳۹

۴۰

۴۱

۴۲

۴۳

۴۴

۴۵

۴۶

۴۷

۴۸

۴۹

۵۰

۵۱

۵۲

۵۳

۵۴

۵۵

۵۶

۵۷

۵۸

۵۹

۶۰

۶۱

۶۲

۶۳

۶۴

۶۵

۶۶

۶۷

۶۸

۶۹

۷۰

۷۱

۷۲

۷۳

۷۴

۷۵

۷۶

۷۷

۷۸

۷۹

۸۰

۸۱

۸۲

۸۳

۸۴

۸۵

۸۶

۸۷

۸۸

۸۹

۹۰

۹۱

۹۲

۹۳

۹۴

۹۵

۹۶

۹۷

۹۸

۹۹

۱۰۰

۱۰۱

۱۰۲

۱۰۳

۱۰۴

۱۰۵

۱۰۶

۱۰۷

۱۰۸

۱۰۹

۱۱۰

۱۱۱

۱۱۲

۱۱۳

۱۱۴

۱۱۵

۱۱۶

۱۱۷

۱۱۸

۱۱۹

۱۱۱۰

۱۱۱۱

۱۱۱۲

۱۱۱۳

۱۱۱۴

۱۱۱۵

۱۱۱۶

۱۱۱۷

۱۱۱۸

۱۱۱۹

۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۲

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۳

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۴

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۵

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۶

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۷

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۸

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۹

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۰

۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱۱